

# Vigas de gran altura de hormigon reforzado con fibras: estudio numérico y experimental

## Miqueas C. Denardi

denardim@frcu.utn.edu.ar

Grupo de Investigación en Mecánica Computacional y Estructuras(GIMCE), Universidad Tecnológica Nacional - {Facultad Regional Concordia, Facultad Regional Concepción del Uruguay.} Ing. Pereyra 676, 3260 Concepción del Uruguay, Argentina

### Viviana C. Rougier

rougierv@frcu.utn.edu.ar

Grupo de Investigación en Mecánica Computacional y Estructuras(GIMCE), Universidad Tecnológica Nacional - {Facultad Regional Concordia, Facultad Regional Concepción del Uruguay.} Ing. Pereyra 676, 3260 Concepción del Uruguay, Argentina

### Mario R. Escalante

escalam@frcu.utn.edu.ar

Grupo de Investigación en Mecánica Computacional y Estructuras, Universidad Tecnológica Nacional-Facultad Regional Concepción del Uruguay.

Ing. Pereyra 676, 3260 Concepción del Uruguay, Argentina

**Resumen.** El estudio de nuevos materiales para uso estructural con propiedades significativamente superiores a los materiales tradicionales ha sido desde siempre objeto de investigaciones científicas. Es así que materiales tradicionales han sido reemplazados por otros tales como los compuestos, inteligentes y biodegradables. En este contexto, este trabajo presenta un aporte al estudio del comportamiento del hormigón reforzado con fibras de acero (HRFA) e híbridas (HRFH) aplicado a vigas de gran altura. Las vigas de gran altura son elementos estructurales cargados como vigas, pero con una relación luz de corte-altura útil pequeña. Éstas son utilizadas en numerosas estructuras tales como edificios de altura, fundaciones, estructuras offshore, tanques, etc. Investigaciones en las ultimas décadas han mostrado que el uso de hormigón reforzado con fibras de acero (HRFA) e híbridas (HRFH) en dichos elementos estructurales ayuda a un mayor control de fisuración, mejora la tenacidad y el comportamiento a tracción. Si bien existen numerosas publicaciones dedicadas al estudio del comportamiento de este elemento estructural, son escasas las investigaciones donde se evalúa el comportamiento de vigas de gran altura de HR-FA y HRFH. En relación a esto último, la información existente es limitada y en general está basada en trabajos experimentales. Aunque los datos experimentales son valiosos, se necesitan también soluciones numéricas y analíticas que permitan obtener una mejor comprensión y predicción del comportamiento y mecanismos de fallas de vigas de gran altura de HRFA y HRFH. Las técnicas analíticas convencionales para el estudio del hormigón no resultan adecuadas para el análisis de elementos construidos con hormigones reforzados con fibras. En este trabajo se presenta un estudio numérico-experimental de la capacidad resistente a corte de vigas de gran altura de HRF. En la campaña experimental se evaluó la contribución en resistencia y ductilidad de las fibras en comportamiento a corte. Para ello, se ensayaron a flexión, vigas de gran altura de H<sup>o</sup> A<sup>o</sup> con barras y estribos tradicionales, y vigas de HRFA y HRFH en reemplazo de los estribos. Además, se implementó un modelo numérico en un software de análisis por elementos finitos en el cual el HRF se modeló como un material compuesto homogéneo. Finalmente, se discuten los resultados experimentales y numéricos en términos de cargas últimas y se muestran los mismos a través de tablas, gráficos y curvas carga-desplazamiento axial.

Keywords: fiber reinforced concrete, deep beams, shear behavior.

# 1. INTRODUCCIÓN

Las vigas de gran altura (VGA) tienen numerosas aplicaciones en edificios y otras estructuras. En aquellas VGA con carga puntual en el centro de la luz, debido a la pequeña relación entre la luz de corte (distancia desde el punto de aplicación de la carga al centro del apoyo, en elementos simplemente apoyados) y la altura útil, una gran proporción de la carga que soporta este tipo de vigas es transmitida directamente a los apoyos. Por ello, la falla es causada generalmente por corte. En la zona entre los apoyos y el punto de aplicación de la carga puede ocurrir la falla del hormigón por compresión Ahmad et al. [1]. La incorporación de fibras de acero o mezcla de éstas y fibras de polipropileno (híbridas), según investigaciones realizadas por diferentes autores, mejora el comportamiento a tracción del hormigón. De este modo, el uso de dichas fibras, en reemplazo total o parcial de la armadura convencional de estribos, resulta de gran interés particularmente en el caso de VGA, donde suelen existir grandes congestionamientos de armaduras Naik et al. [2]. Sahoo et al. [3] y Moradi and Reza Esfahani [4], demostraron que el uso de hormigón reforzado con fibras de acero mejoró significativamente el comportamiento de VGA con aberturas, proporcionando un incremento en la capacidad de carga y la ductilidad.

Si bien los datos experimentales son valiosos, resultan costosos e insumen mucho tiempo. Por ello, para el diseño de las VGA de HRFA y HRFH, se necesitan también soluciones numéricas y analíticas que permitan obtener una mejor comprensión y predicción del comportamiento y mecanismos de fallas. Para VGA de hormigón armado existe una metodología de análisis denominada "método puntal-tensor", adoptada por diferentes códigos (CIRSOC 201-05, ACI 318) que permite representar su comportamiento con un aceptable grado de aproximación. El método puntal- tensor, idealiza los campos tensionales (isostáticas de compresión y tracción), mediante un conjunto de bielas comprimidas de hormigón y tirantes traccionados de acero Orler y Donini [5]. El método es rápido y económico, pero requiere experiencia previa para la adopción del modelo gráfico del reticulado. Una herramienta alternativa de mayor exactitud es el método de elementos finitos (MEF) que permite predecir la respuesta de diferentes estructuras de hormigón armado, de HRFA y HRFH.

Se muestran los resultados de una campaña experimental tendiente a analizar la efectividad del uso de HRFA y HRFH en vigas de gran altura, en reemplazo total de la armadura convencional de estribos y en términos de capacidad resistente y ductilidad. Además, a fin de predecir la capacidad de carga de VGA de HRFA, se implementa en un software de análisis por elementos finitos, un modelo numérico del ensayo a flexión de VGA. Finalmente se muestran y se discuten los resultados numéricos y experimentales a través de tablas y se comparan con los obtenidos experimentalmente.

## 2. PROGRAMA EXPERIMENTAL

El programa experimental se llevó a cabo mediante ensayos a flexión de VGA, cargadas con una fuerza vertical centrada y diseñadas siguiendo los lineamientos del CIRSOC 201-05, Apéndice A (CIRSOC 201, 2005). Se elaboraron seis vigas y dos tipos de hormigón, hormigón simple y HRFA. Dos vigas se fabricaron con hormigón simple y armadura de flexión, sin armadura de corte en un caso, y con armadura mínima de corte en la dirección paralela y perpendicular a luz del tramo, en otro. Los restantes especímenes se elaboraron con HRFA, según dos volúmenes de fibras, 25 kg/m<sup>3</sup> (1 % del peso) y 50 kg/m<sup>3</sup> (2 % del peso), y sin armadura de corte.

Por otro lado, se construyeron 4 vigas de dos tipos de hormigón: simple y HRFH. A una de las vigas de hormigón simple solo se le colocó armadura de flexión, sin armadura de corte, y la otra se armó con armadura de corte en la dirección paralela y perpendicular a la luz del tramo. Los restantes especimenes se elaboraron con HRFH, con un volumen de 30 kg/m<sup>3</sup> (1.2 % del peso) de fibras de acero y 5 kg/m<sup>3</sup> (0.2 % del peso) de fibras de polipropileno, sin armadura de corte.

En la Tabla 1 se presenta la descripción de los especímenes ensayados, en cuanto a denominación, características geométricas y tipo de hormigón. Seguidamente, se describen dichos especímenes, propiedades de los materiales y procedimiento de ensayo e instrumentación.

Denominación	Características	Tipo de hormigón
V1	Refuerzo a flexión solamente	Sin fibras
V2	Refuerzo a flexión y corte	Sin fibras
V325	Refuerzo a flexión solamente	25 kg/m <sup>3</sup> fibras de acero
V450	Refuerzo a flexión solamente	50 kg/m <sup>3</sup> fibras de acero
V525	Refuerzo a flexión solamente	25 kg/m <sup>3</sup> fibras de acero
V650	Refuerzo a flexión solamente	50 kg/m <sup>3</sup> fibras de acero
V3	Refuerzo a flexión solamente	Sin fibras
V4	Refuerzo a flexión y corte	Sin fibras
VGA7305	Refuerzo a flexión solamente	$30 \text{ kg/m}^3$ fibras de acero y 5 kg/m <sup>3</sup> fibras de polipropileno
VGA8305	Refuerzo a flexión solamente	$30 \text{ kg/m}^3$ fibras de acero y 5 kg/m <sup>3</sup> fibras de polipropileno

Tabla 1. Detalle de los especímenes ensayados con su denominación y características

#### 2.1. Especímenes ensayados

Se ensayaron 2 VGA de HA y 4 VGA HRFA, todas las vigas se dimensionaron con la misma sección rectangular: 450 mm por 8 mm, con 730 mm de longitud total y 480 mm de luz libre entre apoyos. La armadura de flexión y la armadura de corte mínima para la viga V2 (Tabla 1) se calcularon según Apéndice A, "Método de Bielas y Tirantes", CIRSOC 201-05 (CIRSOC 201, 2005). En las Figuras 1a y 1b, respectivamente, se pueden ver los detalles constructivos de un espécimen con armadura de flexión solamente y de corte.

En una nueva campaña experimental, se ensayaron 2 VGA de HA y 2 de HRFH con una longitud L = 700 mm, altura H=420 mm y espesor D = 80 mm. La armadura de flexión y la armadura de corte mínima para la VGA2 (Tabla 1) se calcularon de igual manera que para el caso de las vigas de HRFA.

#### 2.2. Propiedades de los materiales

A continuación se describen las características y propiedades mecánicas de los materiales utilizados en la fabricación de las vigas objeto de estudio.

#### Hormigón

En la ejecución de las vigas se utilizaron tres tipos de hormigón, hormigón simple, HRFA y HRFH, dosificados según el Método ICPA de Diseño Racional de Mezclas de Hormigón del Instituto del Cemento Portland Argentino (ICPA) en función de obtener una resistencia característica de rotura a compresión a los 28 días de 30 MPa. Se trabajó con agregados de la zona y cemento portland compuesto (CPC40). La resistencia a compresión se determinó mediante ensayos de compresión uniaxial sobre probetas cilíndricas de 150 mm x 300 mm, según normas IRAM 1534 y 1865, respectivamente. Se obtuvo una resistencia media a compresión  $f'_m$  del hormigón simple a los 28 días de 33.25 MPa y un módulo elástico promedio  $(E_m)$  de 27.1 GPa. En el caso del HRFA y para un volumen de fibras de 25 kg/m<sup>3</sup>, los valores obtenidos fueron de  $f'_m$  = 35,6MPa y  $E_m$  = 28,04GPa. Para el HRFA con un volumen de fibras de 50 kg/m<sup>3</sup>, los valores de  $f'_m$  y  $E_m$  fueron de 31. 7 MPa y 26.48 Gpa, respectivamente. Los valores de  $f'_m$  y  $E_m$  fueron para el HRFH (30 kg/m<sup>3</sup> de fibras de acero y 5 kg/m<sup>3</sup> de fibras de polipropileno) de 34 MPa y 27.8 GPa.



Figura 1. Dimensiones geométricas y detalle de armaduras de los especímenes ensayados de HRFA

#### Acero y fibras

Para la armadura principal y la constructiva de todas las vigas se empleó acero de dureza natural Acindar denominado comercialmente DN A-420, con límite de fluencia de 420 MPa, resistencia a la tracción de 500MPa y alargamiento porcentual a la rotura del 12 %. Para los estribos se utilizó el mismo tipo de acero de diámetro nominal 4.2 mm. Para el HRFA se emplearon fibras de acero con extremo de gancho WIRAND<sup>(R)</sup>, denominadas FF1, de 50 mm de longitud y 1 mm de diámetro, con límite de fluencia de 800 MPa y resistencia a tracción de 1100 MPa. Para el HRFH se utilizaron fibras de acero y macrofibras de polipropileno. Las macrofibras MACRONITA<sup>(R)</sup> son fibras sintéticas recortadas de materiales poliméricos, con una longitud de 50mm, un diámetro de 0.6mm, y una relación de aspecto de 83. Este tipo de fibras son químicamente inertes, tienen estabilidad volumétrica, un bajo módulo de elasticidad y bajo punto de fusión.

CILAMCE 2019 Proceedings of the XL Ibero-Latin-American Congress on Computational Methods in Engineering, ABMEC. Natal/RN, Brazil, November 11-14, 2019

### 2.3. Procedimiento de ensayo e instrumentación

Todos los ensayos realizados consistieron en la aplicación de cargas cuasi estáticas monótonas crecientes en el centro de la luz. Se adoptó una velocidad de carga de 1.5 mm/min. Se midieron cargas y desplazamientos en la dirección longitudinal y transversal. La carga fue aplicada usando una prensa Shimatzu con sistema hidráulico con posibilidad de desarrollar una carga vertical nominal máxima de 1000 kN. Para la medición de los desplazamientos se utilizaron relojes comparadores digitales con una sensibilidad de 0.001mm. En la Figura 2 se muestra el esquema de ensayo e instrumentación utilizado. El instrumento de medición de los desplazamientos transversales fue retirado antes de alcanzar la carga máxima, como medida de precaución para evitar la posible rotura del mismo.



Figura 2. Esquema de ensayo e instrumentación.

## 2.4. Resultados experimentales

A continuación se presentan los resultados obtenidos experimentalmente. Se analizan cargas máximas, modos de falla y diagramas carga-desplazamiento axial y transversal.

## Cargas últimas y modos de falla

En la Tabla 2 se presentan los valores de carga máxima ( $P_{max}$ ), desplazamiento vertical ( $\delta_v$ ) correspondiente a dicha carga y los modos de falla de los especímenes ensayados. Si bien la mayor resistencia se obtuvo con viga con armadura convencional de estribos, los especímenes de HRFA, mostraron un incremento significativo de la carga máxima en comparación con la viga sin armadura de estribos (V1). Se observó también que a mayor volumen de fibras, mayor resistencia. En la Figura 3 se pueden ver los modos de falla de las vigas de hormigón simple y las vigas de HRFA. La viga V1, sin armadura de corte falló por aplastamiento del hormigón en uno de los apoyos. En el caso de la viga V2 la falla se produjo por corte o compresión de la diagonal comprimida, al igual que ocurrió con las vigas de HRFA, con excepción del espécimen V525. Este último falló por aplastamiento del hormigón en el punto de aplicación de la carga. Todos los especímenes conservaron el monolitismo luego de la falla.

## Curvas carga-desplazamiento

En la Figura 4a se reproducen las curvas carga-desplazamiento axial (P- $\delta_l$ ) de las vigas de hormigón simple, con y sin armadura de corte, y de las vigas de HRFA. La viga V2 de hormigón simple y con armadura de corte, tuvo un incremento significativo de resistencia con respecto a V1 (78.6%), también de hormigón simple pero solo con armadura de flexión. La rigidez y la capacidad de deformación de ambas vigas fueron similares. Los especímenes de HRFA y 50 kg/m<sup>3</sup> de fibras, alcanzaron un valor de carga última similar (210.48 kN y 208.50 kN) y muy cercano a V2 (222.20 kN). En las VGA de HRFA con un volumen de fibras de 25 kg/m<sup>3</sup>, los valores de carga última fueron menores comparados con los obtenidos por la viga V2 y los especímenes de HRFA y 50 kg/m<sup>3</sup>. Sin embargo dichos valores resultaron

<b>X</b> 7:		Turning to the matrice state	S (	M. J J. C. II.
Viga	$P_{max}(\mathbf{KN})$	Incemento de resistencia	$o_v (mm)$	Modos de falla
V1	124.40	-	3.10	Falla en el apoyo
V2	222.20	78.6	3.20	Corte
V325	185.00	48.7	2.15	Corte
V450	208.50	67.6	2.73	Corte
V525	171.92	38.2	2.24	Aplastamiento del hormigón
V650	210.48	69.2	2.25	Corte
V3	130	-	1.03	Compresión
V4	170	30.7	2.09	Corte
V7305	148	13.85	2.05	Corte
V8305	90	-	3.22	-

Tabla 2. Resultados experimentales



(a) Vigas de hormigón simple

(b) Vigas de hormigón simple



(c) Vigas de HRFA

(d) Vigas de HRFA

Figura 3. Modos de falla

un 48.7 % y un 38 % mayores que la resistencia máxima de la viga V1. La capacidad de deformación de las VGA de HRFA fue similar a la de las vigas de hormigón simple, mientras que la rigidez, en algunos casos resultó mayor. La incorporación de fibras de acero mejoró el comportamiento en resistencia de las vigas sin armadura de corte. Al aumentar el volumen de fibras agregado al hormigón, se logró un incremento significativo de la capacidad resistente, en detrimento de la trabajabilidad de la mezcla.

En la Figura 4b se muestran las curvas carga-desplazamiento axial (P- $\delta_l$ ) de las vigas V3 y V4 de hormigón simple, y de las vigas de HRFH. La viga V4 de hormigón simple y con armadura de corte, también mostró un incremento de resistencia con respecto a V3 (30.7 %). La V4 mostró menor rigidez y mayor capacidad de deformación que la V3. Los especimenes de HRFH alcanzaron valores de carga última diferentes (148 kN para V7305 y 90 kN para V8305). El especimen V7305 alcanzó una carga última un 15 % menor que la de V4. Sin embargo,el resultado de carga última de V7305 resultó ser un 13 % mayor que el de V3.



(b) Vigas de hormigón simple y HRFH

Figura 4. Curvas carga-desplazamiento axial y transversal (P- $\delta_l$  y P- $\delta_t$ )

# 3. Simulación numérica

A los fines de predecir numéricamente la carga última de VGA de HA y HRFA se simuló el ensayo de flexión de la VGA mediante un modelo tridimensional de la VGA en el que se evaluó su comportamiento mecánico. Dicho modelo fué computacionalmente implementado en un software de análisis por elementos finitos ABAQUS<sup>(R)</sup>. En la sección siguiente se describe el modelo constitutivo adoptado para el hormigón.

## 3.1. Modelo constitutivo del hormigón

En este trabajo se adoptó el modelo Concrete Damaged Plasticity (CDP) para representar el comportamiento del hormigón. Dicho modelo supone que los principales mecanismos de falla del hormigón son fisuración por tracción y aplastamiento por compresión. Asi, el modelo considera diferentes comportamientos bajo estas dos solicitaciones. Bajo tracción uniaxial la respuesta tensión/deformación es lineal elástica hasta que se alcanza el valor de tensión de falla. Más allá de la tensión de falla la formación de micro-fisuras es representada macroscópicamente con una curva de ablandamiento tensión-deformación. Por otro lado, bajo compresión uniaxial la respuesta es lineal hasta el valor de fluencia inicial. En el régimen plástico la respuesta está típicamente caracterizada por el endurecimiento seguido por un ablandamiento de deformaciones mas allá de la tensión última. Las Figuras 5a y 5b muestran respectivamente la respuesta típica del hormigón bajo tracción y compresión uniaxiales de acuerdo al modelo CDP.



Figura 5. Respuesta a esfuerzo uniaxial

Esta representación captura las principales características de la respuesta mecánica del hormigón. Los parámetros de plasticidad adoptados están detallados en la Tabla 3.

Parámetro	Ángulo de dilatación	Viscosidad	Excentricidad	$\sigma_{co}/\sigma_{bo}$	Kc
Valor	36.31°	0	0.1	1.16	0.67

Tabla 3. Parámetros plasticidad modelo CDP

En donde,  $\sigma_{co}/\sigma_{bo}$  es la relación entre la tensión de fluencia a compresión equibiaxial y la tensión de fluencia a compresión uniaxial.

## 3.2. Comportamiento uniaxial a compresión y tracción

Para representar el comportamiento uniaxial a compresión del hormigón simple, se define su comportamiento pre y post pico de tensión, usando el modelo para hormigón no confinado del código modelo CEB-FIB 2010[FIB]. El comportamiento a compresión uniaxial en el modelo CDP de ABAQUS<sup>(R)</sup> debe ser definido a través de la relación tensión versus deformación inelástica. Dicha relación es esquematizada en la Figura 6 y descripta en el código modelo CEB-FIB 2010 [FIB] a través de la ecuación 1,



Figura 6. Representación esquemática de la relación tensión-deformación para compresión uniaxial.

$$\frac{\sigma_c}{f_{cm}} = -(\frac{k.\eta - \eta^2}{1 + (k-2).\eta}).$$
(1)

Donde  $\eta = \epsilon_c / \epsilon_{c1}$ ,  $k = E_{ci} / E_{c1}$ ,  $\epsilon_{c1}$  es la deformación correspondiente a la tensión máxima de compresión uniaxial;  $E_{c1}$  es el módulo secante desde el origen hasta el pico de tensión de compresión y k es el número de plasticidad (de acuerdo a CEB-FIB 2010 [FIB]). Esta formulación es válida para valores de deformación menores a  $\epsilon_{clim}$ . El resto de la parte descendente de la rama puede ser aproximado mediante una línea recta siguiendo el esquema que se representa en la Figura 7, donde se aprecia que la recta tiene su punto final en la tensión  $0.2\sigma$  a la que le corresponde una deformación de n veces  $\epsilon_{c,lim}$ . Se adoptó un valor de n igual a 2.5 (de acuerdo a CEB-FIB 2010 [FIB]). La relación tensión-deformación inelástica del



Figura 7. Esquema rama descendente comportamiento a compresión.

comportamiento a compresión uniaxial utilizado en el modelo de elementos finitos se da en la Figura 8. El comportamiento a tracción del hormigón hasta la tensión de tracción máxima se supone elástico lineal. El pico de tensión a tracción  $f_{ctm}$  se calculó, usando la ecuación 2 de acuerdo al CEB-FIB 2010[FIB].

$$f_{ctm} = 0.3(f_{ck})^{2/3}.$$
(2)

Siendo  $f_{ck}$  la resistencia característica en MPa. Para definir el comportamiento de ablandamiento se utilizó un gráfico de tensión-apertura de fisura  $(f_{ct} - w)$ . Este concepto de fractura frágil es definido como la energía de fractura  $(G_f)$  requerida para abrir una fisura de una unidad de área. El código modelo CEB-FIB 2010 [FIB] establece que en ausencia de datos experimentales,  $G_f$ , en MPa puede calcularse, para hormigón de peso normal de la siguiente manera;

$$G_f = 0.0073(f_{cm})^{0.18},$$
  
 $f_{cm} = f_{ck} + \Delta f.$ 
(3)



Figura 8. Curvas tensión-deformacíon a compresión utilizadas en modelo CDP para hormigón simple

Donde:  $f_{cm}$  es la resistencia media a compresión en MPa,  $\Delta f$  es un valor constante que se puede tomar como 8 MPa.

Como no se tienen datos experimentales para  $G_f$ , se utilizó la ecuación anterior para calcular la energía de fractura. EL código modelo CEB-FIB 2010 [FIB], propone una aproximación bilineal para la relación tensión-apertura de fisura post-pico, de acuerdo a la Figura 9 y a las siguientes formulaciones:

$$\sigma_{ct} = f_{ctm} \cdot (1, 0 - 0, 8 \frac{w}{w_1}) \quad \text{para} \quad w \le w_1,$$
  
$$\sigma_{ct} = f_{ctm} \cdot (0, 25 - 0, 05 \frac{w}{w_1}) \quad \text{para} \quad w_1 < w \le w_c.$$
 (4)

Donde: w es la apertura de fisura en mm,  $w_1 = G_f / f_{ctm}$  en mm donde  $\sigma_{ct} = 0.20 f_{ctm}$ ,  $G_f$  es la energía de fractura en N / mm y  $f_{ctm}$  es la tensión en MPa.

En la Fig.10 se muestra la curva tensión-apertura de fisura utilizada en el modelo de elementos finitos.



Figura 9. Representación esquemática de la relación tensión-deformación y tensión-apertura de fisura para tracción uniaxial.

Para el caso del comportamiento del HRFA, se adoptaron curvas de tensión-deformación para definir su comportamiento a compresión y tracción. Con respecto al comportamiento a compresión, se utilizó un modelo propuesto por Barros y Figueiras [7]. Las relaciones tensión-deformación están dadas por las siguientes expresiones:



Figura 10. Curva tensión-apertura de fisura

$$\sigma = f_{cf} \frac{\frac{\epsilon}{\epsilon_{pf}}}{(1 - p - q) + q(\frac{\epsilon}{\epsilon_{pf}}) + p(\frac{\epsilon}{\epsilon_{pf}})^{\frac{1 - q}{p}}}.$$
(5)

siendo

$$q = 1 - p - \frac{E_{pf}}{E_c}$$
,  $p + q \in [0, 1]$  y  $\frac{1 - q}{p} > 0$ , (6)

$$E_{pf} = \frac{f_{cf}}{\epsilon_{pf}} \quad y \quad E_c = 0.043 \cdot 2400^{1.5} \sqrt{fc}. \quad (CIRSOC201)$$
(7)

Donde  $\epsilon_{pf}$  es la deformación correspondiente al pico de tension para HRFA,  $f_c$  es la resistencia característica a compresión de la mezcla. Para fibras con extremos en gancho con dimensiones de: longitud:60mm, diámetro:0.8mm, esbeltez 75, tenemos:

$$\epsilon_{pf} = \epsilon_{co} + 0,00026W_f, \qquad p = 1 - 0,722e^{-0,144W_f}.$$
(8)

Donde  $\epsilon_{co}$  es la deformación para la tensión máxima del hormigón sin fibras ( $\epsilon_{co} = 0,0021$  para la çlase de resistencia''del hormigón usado, de acuerdo a FIB Model CODE 2010 [FIB]) y  $W_f$  es el porcentaje de fibras en la mezcla. La Figura 11 muestra la curva tensión-deformación usada en el modelo CDP.

Para modelar el comportamiento a tracción se adoptó una metodología desarrollada por Amin et al. [8]. Estos autores proponen una derivación de las relaciones tensión-deformación por medio de un método indirecto recurriendo a una prueba de flexión ejecutada en vigas prismáticas. De acuerdo a esta metodología, los autores argumentan que la resistencia del compuesto, en función de la apertura de fisura (w) tiene dos componentes:



Figura 11. Curvas tensión-deformacíon a compresión usadas en el modelo CDP para HRFA

$$\sigma_c(w) = \sigma_c(w) + \sigma_f(w). \tag{9}$$

Donde  $\sigma_c(w)$  es la contribución de la matriz de hormigón, mientras que  $\sigma_f(w)$  es la componente que pertenece a las fibras.

Para hormigón simple, la resistencia a tracción puede considerarse como Voo and Fooster[9],[10], Lee and Foster[11]:

$$\sigma_c(w) = c_1 f_{ct} e^{-c_2 w}.$$
(10)

Donde  $c_1$  es el coeficiente que toma en cuenta los efectos positivos de las fibras en la resistencia máxima de la matriz, y  $c_2$  es un factor que controla la forma de la parte descendiente de la curva  $\sigma - w$  lo que está influenciado por la dosificación de fibras y la composición de la matriz cementicia. Voo and Foster [9][10][12] adoptan el valor de  $c_1$  igual a uno y para  $c_2$  Ng et al.[13] el valor dado por la ecuación:

$$c_2 = \frac{20}{1 + 100V_f}.$$
(11)

Donde  $V_f$  es el volumen de fibras de la mezcla. La resistencia a tracción puede ser estimada desde la resistencia a compresión por la fórmula:  $f_{ct} = 0.6\sqrt{f_{cf}}$  (Voo and Foster [12].

Para tener en cuenta la contribución de las fibras, Voo and Foster [12] usan un concepto que llaman longitud de acomplamiento de la fibra, por el cual se infiere que en un material compuesto que contiene fibras orientadas aleatoriamente, existe un ángulo crítico en el que las fibras se activan. Considerando este concepto y otros relacionados con la dosis de fibras que probabilísticamente atraviesan un plano de fisura, junto con la geometría de los mismos, se llega a lo siguiente:

$$\sigma_f(w) = \frac{1}{\pi} \cdot \arctan(\frac{w}{\alpha}) \cdot (1 - 2\frac{2w}{l_f})^2 \cdot \frac{l_f}{d_f \cdot V_f \cdot \tau_b}.$$
(12)

CILAMCE 2019

Proceedings of the XL Ibero-Latin-American Congress on Computational Methods in Engineering, ABMEC. Natal/RN, Brazil, November 11-14, 2019

Donde,  $\alpha$  corresponde al ancho de la fibra, el cual para fibras con extremos en gancho está dada por:  $\alpha = d_f / 3,5$  Voo and Foster [12]. Finalmente,  $\tau_b$  es la tensión principal de corte entre las fibras y la matriz y puede ser tomado como  $0,8\sqrt{f_c}$  Gouveia et al. [14] en base a éstas formulaciones y los datos obtenidos experimentalmente, se obtienen las curvas tensión-deformación usadas en el modelo numérico.

En la Figura 12 se muestra la curvas tensión-deformación a tracción usadas en el modelo de HRFA.



Figura 12. Curvas tensión-deformacíon a tracción usadas en modelo CDP para HRFA

#### 3.3. Modelo elementos finitos del ensayo a flexión VGA

El modelo de ensayo a flexión consiste en una placa de carga de acero superior, dos placas de apoyo inferiores de acero y la VGA. Teniendo en cuenta la concentración de tensiones en el soporte y punto de carga, se adhirieron al modelo de elementos finitos placas de acero. La carga es aplicada como un desplazamiento vertical controlado en la placa superior. Los soportes son considerados como fijo y móvil respectivamente, como en el ensayo, la VGA se encuenta simplemente apoyada. La interacción entre la VGA, la placa de carga y los apoyos se modeló como "standard general contact".

Para el mallado, el tipo de elemento usado en el modelo de elementos finitos para el hormigón y placas de acero es 8-nodos linear bricks (C3D8R). Además, para las barras de refuerzo de acero se utilizaron elementos de 2 nodos lineales 3-D truss (T3D2). La armadura de acero se considera totalmente embebida en el hormigón teniendo en cuenta la interacción entre estos dos materiales.En la Figura 13 se muestra un esquema de la malla de elementos finitos utilizada. La densidad del hormigón y del acero también fueron definidas ya que el problema se resolvió a través de un análisis dinámico (cuasistático). Se aplicó la carga en un período de 600 segundos. Además, se adoptó un número máximo de 400 incrementos y un tamaño mínimo de incremento de 0.003.

En la tabla 4 se muestran los valores de carga máxima obtenidos para las distintos especímenes simulados, conjuntamente con los valores experimentales promedio y el error relativo a los efectos de validación del modelo. Se observa que los resultados numéricos aproximan razonablemente los valores de  $P_{max}$  obtenidos experimentalmente.

En las Figuras 14 y 15 se muestra el daño, en términos de deformación plástica equivalente (PEEQ), de los especímenes ensayados experimentalmente y de los numéricos de las vigas V2 y V450.



Figura 13. Malla elementos finitos

Tabla 4.	Valores	experime	entales y	numéricos
		1	J	

Viga	Pmax Experimental media(kN)	Pmax Numérica (kN)	Error Relativo (%)
V1	124	151.1	18
V2	222	214.4	3.5
V325 y V525	178.46	198	11
V450 y V650	209.49	212.7	1.6



(a) Resultado numérico

(b) Resultado experimental

Figura 14. Rotura en viga con armadura de corte (V2)

# 4. Conclusiones

Se presentó un estudio experimental y numérico de la capacidad resistente de VGA de HA, HRFA y HRFH, así como también resultados de la simulación numérica de los ensayos de las vigas de HRFA. Si bien el número de ensayos realizados es modesto, del análisis y la comparación de dichos resultados se puede decir lo siguiente: De acuerdo al estudio experimental, las VGA de HRFA tuvieron un comportamiento satisfactorio, en cuanto a ductilidad y resistencia, en comparación con el espécimen de hormigón armado con armadura de estribos convencional. Dependiendo del volumen de fibras de acero incorpora-



(a) Resultado numérico

(b) Resultado experimental

Figura 15. Rotura en viga con 50 kg /  $m^3$  de fibras de acero)

do al hormigón, alcanzaron valores de carga máxima entre 38 % y 69 % mayores al valor obtenido para el caso de la VGA sin armadura de estribos (V1). A mayor volumen de fibras, mayor capacidad resistente, en detrimento de la trabajabilidad de la mezcla. Todas las vigas de HRFA tuvieron un tipo de falla dúctil, conservando el monolistismo luego de la falla. El análisis de elementos finitos no lineal pudo predecir razonablemente el valor de carga máxima de todas las VGA de HRFA, con diferencias de entre el 1.6 % y el 18 %.

En cuanto al comportamiento mecánico de las vigas de HRFH, una de ellas mostró un mejoramiento de la resistencia con respecto a la viga sin fibras. No obstante, es necesario realizar una mayor cantidad de ensayos.

## References

- [1] Ahmad, S., Shah, A., Zaman, N., & Salimullah, K., 2011. Design and evaluation of the shear strength of deep beams by strut and tie model (stm). *Transactions of Civil and Environmental Engineering*, vol. 35, pp. 1–13.
- [2] Naik, U. & Kute, S., 2017. Use of steel fibers as shear reinforcement for deep beams in shear- an experimental study. *International Journal of Engineering Science and Computing*, pp. 13748–13750.
- [3] Sahoo, D., Flores, C., & Chao, S., 2012. ehavior of steel fiber-reinforced concrete deep beams with large opening. *ACI Struct. J.*, vol. 109, pp. 193–204.
- [4] Moradi, M.and Reza Esfahani, M., 2017. Application of the strut-and-tie method for steel fiber reinforced concrete deep beams. *Construction and Building Materials*, vol. 131, pp. 423–437.
- [5] Orler, R. & Donini, H., 2008. DISEÑO BÁSICO DE HORMIGÓN ESTRUCTURAL (Según CIRSOC 201/05). Editorial Científica Universitaria.
- [FIB] *CEB-FIB 2010, The fib Model Code for Concrete Structures 2010.* CH-1015 Lausanne, Switzerland.
- [7] J., B. & J., F., 1999. Flexural behavior of sfrc: Testing and modeling. *Journal of Materials in Civil Engineering*, pp. 331–339.
- [8] Amin A., F. S. & A., M., 2015. Derivation of the  $\sigma w$  relationship for sfrc from prism bending tests. *Structural Concrete*.
- [9] J.Y., V. & S., F., 2004. Tensile fracture of fibre reinforced concrete variable engagement model. *In 6th Rilem Symposium on Fibre-reinforced Concrete (FRC)*, pp. 875–884.

- [10] J.Y., V. & S., F., 2009. Reactive powder concrete: analysis and design of rpc girders. *Lambert Academic Publishing*.
- [11] G., L. & S., F., 2008. Modelling of shear-fracture of fibre reinforced concrete. In Int. fib Symposium, CRC Press, pp. 493–499.
- [12] J.Y., V. & S., F., 2003. Variable engagement model for fibre-reinforced concrete in tension. *School of Civil & Environmental Engineering*.
- [13] T., N., T., H., & S., F., 2012. Fracture of steel fibre-reinforced concrete the unified variable engagement model. *School of Civil & Environmental Engineering, The University of New South Wales*.
- [14] N., G., N., F., Faria D., R. A., & V., L., 2014. Sfrc flat slabs punching behaviour experimental research. *Composites: Part B*, vol. 63, pp. 161–171.

#### Agradecimientos

Los autores del presente trabajo agradecen a la Universidad Tecnológica Nacional por el apoyo económico brindado, al Laboratorio de Ingeniería Civil de la Facultad Regional Concepción del Uruguay y en particular al Ingeniero Ricardo Gómez.