### Universidad Tecnológica Nacional

Proyecto Final

# Calentador por inducción para

## portaherramientas de sujeción térmica

Autores:

- Contardi Elian N.
- Salcedo Cristian L.
- Zilloni Leandro E.

Director:

Ing. Chort Agustín

Proyecto final presentado para cumplimentar los requisitos académicos para acceder al título de Ingeniero electrónico en la

### Facultad Regional Paraná

Noviembre de 2022

### Declaración de autoría:

Nosotros declaramos que el Proyecto Final "Calentador por inducción para portaherramientas térmicos" y el trabajo realizado son propios. Declaramos:

- Este trabajo fue realizado en su totalidad, o principalmente, para acceder al título de grado de Ingeniero electrónico, en la Universidad Tecnológica Nacional, Regional Paraná.
- Se establece claramente que el desarrollo realizado y el informe que lo acompaña no han sido previamente utilizados para acceder a otro título de grado o pre-grado.
- Siempre que se ha utilizado trabajo de otros autores, el mismo ha sido correctamente citado. El resto del trabajo es de autoría propia.
- Se ha indicado y agradecido correctamente a todos aquellos que han colaborado con el presente trabajo.
- Cuando el trabajo forma parte de un trabajo de mayores dimensiones donde han participado otras personas, se ha indicado claramente el alcance del trabajo realizado.

#### Firmas:

Contardi
Elian N.
Salcedo
Cristian L.
Zilloni
Leandro E.

Fecha: 10 de noviembre de 2022

### Agradecimientos

Agradecemos al equipo de potencia en especial al Ing. Agustín Chort, nuestro director, quien nos guio durante este proyecto, nos brindó los conos portaherramientas sobre los cuales realizar ensayos y gestionó la construcción de una pieza sumamente importante para el desarrollo del proyecto.

A nuestra querida casa de estudios Facultad Regional Paraná y a su plantel docente.

Y principalmente a nuestras familias por el apoyo emocional y económico durante todos los años de la carrera.

Contardi Elian N.

Salcedo Cristian L.

Zilloni Leandro E.

Universidad Tecnológica Nacional

### Abstract

Facultad Regional Paraná

**Electronic Engineer** 

# INDUCTION HEATER FOR SHRINK-FIT TOOL-HOLDERS

Contardi Elian N.

Salcedo Cristian L.

Zilloni Leandro E.

#### Abstract:

For this project, we start with a widespread problem in high-speed machining processes. For these kinds of applications, specific tool holders are necessary to meet this need, hence the use of shrink-fit clamping technology is the most widely used and best-performing option.

Although it has benefits the main disadvantage is the expensive induction heating machines for inserting and removing the tool from the shrink-fit chuck. We performed an analysis of the characteristics required in the heating process, and based on this we designed a prototype of an induction heating machine. The special feature of this system is the correct heating without affecting the useful life of the chuck and the high-efficiency operation achieved by using a zero-current-switching control topology, allowing us to minimize the power requirements in the electronics components needed.

We obtained heating time intervals from 13[s] to 15[s] to remove the tool and 8[s] to 10[s] to insert the tool, with an operating power of 5[KW] on a 12[mm] diameter Leitz HSK-F63 tool holder.

#### Keywords:

Induction heating, shrink fit, HSK, resonant inverter, dsPIC, ZCS, Soft Switching

#### Resumen:

Al realizar este trabajo partimos de una problemática muy común cuando se llevan a cabo mecanizados de alta velocidad, para estas aplicaciones particulares se necesitan portaherramientas acordes a esta necesidad. Por lo que la utilización de mecanismos de sujeción de ajuste térmico es una de las opciones más utilizadas y con mejores resultados.

A pesar de sus beneficios la principal desventaja es, el elevado costo de las máquinas de calentamiento para realizar la introducción y extracción de la herramienta del portaherramientas. Realizamos un análisis de las características requeridas en este proceso de calentamiento, y en base a esto pudimos realizar el diseño de un prototipo funcional de una máquina de calentamiento por inducción. Teniendo como particularidad un calentamiento adecuando sin afectar la vida útil del portaherramientas y con un funcionamiento de alta eficiencia que logramos utilizando un esquema de control por conmutación a corriente cero, permitiéndonos reducir los requerimientos en los componentes utilizados.

Obtuvimos tiempos de calentado para la extracción de la herramienta de  $13[s] \sim 15[s]$  y para la introducción de  $8[s] \sim 10[s]$  con una potencia de funcionamiento de 5[KW] sobre un portaherramientas Leitz HSK-F63 de 12[mm] de diámetro.

#### Palabras Clave:

Calentamiento por inducción, Sujeción térmica, HSK, Inversor resonante, dsPIC, ZCS, Conmutación suave.

## Índice

Capítulo 1: Introducción	1
Marco teórico	2
Portaherramientas de sujeción térmica	2
Calentamiento por inducción	5
Ventajas del calentamiento por inducción	5
Pérdidas por efecto Joule e histéresis	5
Coeficiente de penetración	6
Resistencia equivalente e inductancia	6
Requerimientos de potencia	8
Eficiencia	8
Modelo pieza-inductor serie y paralelo	.10
Circuito tanque	.10
Factor de calidad y corriente	.12
Potencia en la pieza de trabajo	.14
Capítulo 2: Desarrollo	15
Diagrama de bloques	15
Parámetros de potencia y frecuencia	.15
Frecuencia crítica	.15
Cálculo de la potencia requerida	16
Diseño de la bobina de calentamiento	.18
Conductor de la bobina	18
Forma y estructura de la bobina	.20
Inductancia e intensidad del campo magnético	24
Capacitancia	.26
Cálculo de la resistencia equivalente	.27
Corriente de trabajo	28
Factor de calidad Q	.28
Transformador	29
Convertidor para calentamiento por inducción	.30
Inversor resonante serie alimentado por tensión	.31
Análisis de conmutación	32
Rectificador de onda completa	.34
Algoritmo de control	36
Control en topologías alimentadas por tensión	.36
Control de la fase de la corriente	37
Diseño de esquema RLC en Simulink	37
Diseño de topologías y circuitos	42
Convertidor AC/DC	.42
Inversor DC/AC y Fuente 15[V]	.43
Sensor de corriente	46
Transformador y circuito resonante	.46
Medición y control	.48
Características del microcontrolador	.50
Diagrama de flujo del código de control	.52
Capítulo 3: Resultados	.53
Capítulo 4: Análisis de Costos	.58
Costos totales	.60

Capítulo 5: Discusión y Conclusión					
Capítulo 6: Literatura Citada	63				
Anexo A – Cálculos auxiliares					
Circuito tanque RLC	65				
Bobina de inducción	66				
Transformador toroidal	67				
Inductancia de magnetización	68				
Convertidor AC/DC	69				
Convertidor DC/AC	71				
Cálculo de las pérdidas en los semiconductores					
IGBT	73				
Anexo B – Mediciones y Diseños preliminares	75				
Diseño de una bobina de una sola capa	75				
Capacitancia	75				
Cálculo de la resistencia equivalente	76				
Factor de calidad Q					
Corriente máxima					
Medición de la inductancia de la bobina de calentamiento					

## Lista de Figuras

Figura Producto	1: os/Porta	Portaherramie aherramientas/	ntas HSK-F6	de 63]	sujeción	térmica	HSK-F63	[1,	рр. 2
Figura 2	: Proce	so de dilatació	n y con	tracció	n [2, pp. 9-9	9]			2
Figura 3	: Distrib	oución de temp	eratura	en un	portaherran	nientas térr	nico [4, pp. 2	78-278	]3
Figura 4	: Sisten	na de calentam	niento						5
Figura 5	: Model	o serie							10
Figura 6	: Model	o paralelo							10
Figura 7	: Circui	to tanque serie							11
Figura 8	: Diagra	ama de bode d	e la fun	ción de	e $Hs\omega$ con $H$	$Req = 1\Omega, L$	$a = 89 \mu H y \dots$		11
Figura 9	: Diagra	ama de bode d	e la fun	ción de	$Hs(\omega)$ cor	n distintos v	alores de Q.		12
Figura 1	0: Tens	ión aplicada a	un circu	uito tan	que RLC				13
Figura 1 <sup>°</sup>	1: Corri	ente en un circ	uito RL	C con	distintos val	ores de Q			13
Figura 12	2: Diag	rama de bloqu	es						15
Figura 1	3: Diag	rama portaherr	amient	as HSI	≺-F63 del ca	atálogo de l	Bilz [3]		16
Figura 14	4: Esqu	iema de la sec	ción de	l condu	uctor de 13	hilos			20
Figura 1	5: Vista	s del portaherr	amienta	as HSł	<b>&lt;-F63</b> 25[ <i>m</i>	m] con cota	as		21
Figura 1	6: Vista	3D portaherra	mientas	s HSK	-F63				21
Figura 1 <sup>°</sup>	7: Repr	esentación en	vistas o	con cot	as de la bol	oina			22
Figura 1	8: Repr	esentación 3D	de la E	Bobina					22
Figura 1	9: Dise	ño del carretel	teflón						23
Figura 2	0: Dise	ño 2D en ANS`	YS Max	well					25
Figura 2	1: Dise	ño 3D en ANS`	YS Max	well					25
Figura 2	2: Inten	sidad del camp	oo mag	nético	generado d	entro del po	ortaherramie	ntas	26
Figura 2 5.9[ <i>uF</i> ], <i>i</i>	:3: Ten: Req = (	sión de fuente ).124[Ω]	e vs Co	orriente	e del esque	ema serie d	con $L = 14.8$	85[ <i>uH</i> ] ,	C =
Figura 2 0.124[Ω]	4: Diag	grama de bode	e del es	quema	a serie con	L = 14.85[	uH], $C = 5.9$	9[uF], R	<i>eq =</i> 29
Figura 2	5: Circu	uito resonante s	serie co	n trans	sformador d	e potencia	activa		30
Figura 2	6: Circu	uito resonante s	serie co	n trans	sformador d	e potencia	reactiva		30
Figura 2 <sup>°</sup>	7: Inver	sor resonante	serie al	imenta	ado por tens	ión (VFSRI	)		31
Figura 28 $(Vs = 10)$	8: Form 0[ <i>V</i> ] <i>, R</i>	a de onda de s $eq = 1.2[\Omega], Ls$	alida y $= 20[u]$	secuer #H],C =	ncias conmu = 4[ <i>uF</i> ], <i>f sw</i>	tando a la f $r = 17.2[KH]$	recuencia de [z])	resona	ancia 32
Figura 29 resonanc	9: Form cia ( <i>Vs</i>	na de onda de = 100 <i>V, Req</i> =	salida y = 1.2Ω, <i>l</i>	secue Ls = 20	encias conm $D[uH], C = 4$	utando por 4[ <i>nF</i> ], <i>fsw</i>	<sup>·</sup> debajo la fre = 15.5[ <i>KHz</i> ])	ecuenci )	a de 33
Figura 3 de reson	0: Form ancia (	na de onda de s Vs = 100V, Re	salida y $q = 1.2$	' <b>secue</b> Ω, <i>Ls</i> =	encias conm = 20[ <i>uH</i> ], <i>C</i>	utando por $= 4[nF], fs$	encima de la $sw = 19.5[KR$	a frecue <i>Hz</i> ])	encia 34
Figura 3	1: Puer	nte de diodos n	nonofás	sico					34

Figura 32: Formas de onda de la fuente, tensión sobre la carga y corriente de los diodo y 4	os 1 35
Figura 33: Esquema genérico del control del oscilador por variación de frecuencia [10].	36
Figura 34: Variación de la función $C(\omega)$ que representa el desfasaje [10]	36
Figura 35: Análisis en el dominio frecuencial del circuito RLC	38
Figura 36: Esquema realizado con el análisis en frecuencia del circuito RLC en Simulinl	k38
Figura 37: Esquema realizado con el análisis en variable de estado del circuito RLC Simulink	en 39
Figura 38: Esquema completo realizado en Simulink con PLL y controlador	40
Figura 39: Corriente y tensión de salida con control y en frecuencia de resonancia realiza en Simulink	ada 40
Figura 40: Frecuencia en función del tiempo realizado en Simulink	41
Figura 41: Diagrama de bloques del sistema de calentamiento por inducción propuesto	42
Figura 42: Bus DC con control de carga	42
Figura 43: Esquemático del circuito de potencia y drivers de control	44
Figura 44: Salida del inversor sin red de Snubber	44
Figura 45: Salida del inversor con red de Snubber	45
Figura 46: Señales de salida de los optoacopladores	46
Figura 47: Esquemático del circuito resonante serie con transformador	46
Figura 48: Núcleo de Ferrita utilizado para el transformador	47
Figura 49: Esquemático del circuito de control y limitaciones de corriente	48
Figura 50: Tiempo de respuesta del filtro pasa bajos de la señal de desfasaje	49
Figura 51: Tiempo muerto de $4[\mu s]$ medido a la salida del puente con una carga resis	tiva 51
Figura 52: Diagrama de flujo del código implementado en dsPIC33	52
Figura 53: Portaherramientas Leitz HSK-F63 de 25[mm]	53
Figura 54: Portaherramientas Leitz HSK-F63 de 12[mm]	53
Figura 55: Tensión y corriente a la salida del inversor con una potencia de 3[KW]	54
Figura 56: Tensión y corriente a la salida del inversor con una potencia de 4.5[KW]	55
Figura 57: Prototipo completo (I)	56
Figura 58: Circuito resonante del prototipo	56
Figura 59: Prototipo completo (II)	57
Figura 60: Bobina de calentamiento	57
Figura 61: Diámetros de la bobina	67
Figura 62: Características del material N87 [19]	68
Figura 63: Bus de continua con control de carga	69
Figura 64: Tensión de rizado en el bus DC de $1980[\mu F]$	69
Figura 65: Corriente de carga y tensión en los capacitores	70

Figura 66: Representación en vistas con cotas de la bobina de una sola capa	75
Figura 67: Representación 3D de la bobina de una sola capa	75
Figura 68: Circuito de medición de la inductancia	77

## Lista de Tablas

Tabla 1: Características del acero H13 [5, pp. 4-4]3
Tabla 2: Deformación del orificio de sujeción [4, pp. 277-277]3
Tabla 3: Temperatura óptima experimental del calentamiento por inducción [4, pp. 277-277]
Tabla 4: Volúmenes de la sección a calentar de los distintos portaherramientas16
Tabla 5: Características del control41
Tabla 6: Valores de la red Snubber45
Tabla 7: Características del sensor ACS712 [17]46
Tabla 8: Características del núcleo de Ferrita utilizado47
Tabla 9: Mediciones de la eficiencia del prototipo55
Tabla 10: Presupuesto de materiales58
Tabla 11: Dimensiones del núcleo67
Tabla 12: Características del diodo bootstrap [20]71
Tabla 13: Valores empíricos de la inductancia de la bobina sin portaherramientas77
Tabla 14: Valores empíricos de inductancia de la bobina prototipo con portaherramientas

## Lista de Abreviaciones y Símbolos

ρ	Resistividad del material
δ	Profundidad de penetración
$\mu_r$	Permeabilidad magnética relativa
μ <sub>0</sub>	Permeabilidad magnética del vacío
с	Calor específico del material
Ø	Sección/Diámetro
L	Inductancia
С	Capacitancia
f <sub>c</sub>	Frecuencia crítica
f <sub>r</sub>	Frecuencia de resonancia
m	Metro
mm	Milímetro
V	Tensión/Voltio
Ι	Corriente
А	Amper
W	Watt
Q	Factor de calidad
R <sub>eq</sub>	Resistencia equivalente
AC	Corriente alterna
DC	Corriente continua
VFSRI	Inversor resonante serie alimentado por tensión
CFPRI	Inversor resonante paralelo alimentado por corriente
ZVS	Conmutación con tensión cero
ZCS	Conmutación con corriente cero
VCO	Oscilador controlado por tensión
S&H	Muestreo y retención

### Dedicado a:

Nuestras familias y amigos por el apoyo incondicional.

#### Capítulo 1: Introducción

Los mecanizados de alta velocidad y precisión son utilizados en muchas empresas en distintos ámbitos, para cumplir con estas características se requieren portaherramientas especiales, como lo son los de agarre térmico (ToolHolder Thermogrip Shrink), muchas de estas compañías no cuentan con el equipamiento necesario para realizar el cambio de las herramientas por lo que deben recurrir a terceros. Un caso particular de este problema ocurre en una empresa local donde se realizan mecanizados de madera, que debido a esto deben enviar los portaherramientas a otra localidad para realizar el cambio, pudiendo tardar semanas.

La máquina necesaria para este fin no se encuentra en el mercado nacional e importarla tiene un costo elevado, por este motivo consideramos que el diseño y construcción de un dispositivo de calentamiento por inducción para la colocación y extracción de herramientas mediante dilatación térmica es viable, esta solución podría extenderse y cubrir las necesidades de la mayoría de las empresas en que la utilización de máquinas de mecanizado de alta velocidad es de uso cotidiano.

#### Marco teórico

#### Portaherramientas de sujeción térmica

La sujeción térmica se aplica en el campo del mecanizado de alta velocidad. El principio de funcionamiento se basa en la dilatación térmica, si se suministra calor a un cuerpo metálico, se produce el movimiento acelerado de las moléculas y aumenta la distancia entre la posición de equilibrio, como resultado, el volumen del cuerpo calentado cambia.



Figura 1: Portaherramientas de sujeción térmica HSK-F63 [1, pp. Productos/Portaherramientas/HSK-F63]

#### **Características**

El funcionamiento del portaherramientas por contracción térmica (shrink toolholder) parte del principio de calentamiento por inducción, que al elevar su temperatura se expande para la introducción de la herramienta y mediante el enfriado se contrae para producirse el agarre de la misma. El enfriamiento, puede lograrse bajo la temperatura ambiente o mediante un sistema forzado por aire o agua para reducir los tiempos de intercambio de herramientas.



Figura 2: Proceso de dilatación y contracción [2, pp. 9-9]

El estudio del portaherramientas es muy importante para la construcción de una máquina de calentamiento por inducción, ya que el objetivo no es solo calentar esta pieza para el cambio de herramientas, sino realizar este proceso de la manera más eficiente posible para así prolongar la vida útil y evitar accidentes por roturas de este.

Si bien nosotros diseñaremos la máquina para un portaherramientas específico, HSK-F63, dentro de esta línea encontramos diferentes diámetros de herramientas (de 3 [mm] a 25[mm]) [3]. Estos presentan diferentes diámetros, diferentes espesores de pared y, por ende, requieren distintas temperaturas de calentado para cada portaherramientas, considerando esto, tendremos que determinar una temperatura de calentado óptima que nos sirva para una gran variedad de diámetros de portaherramientas. El material de este portaherramientas es acero H13 (4Cr5MoSiV) [4, pp. 276-276] y las características que son de mayor relevancia se presentan en las siguientes tablas.

Tabla 1: Características del acero H13 [5, pp. 4-4]

Material	ρ a 20°C	$\mu_r \ a \ 300^{\circ}C$	С	Densidad
4Cr5MoSiV	36 * 10 <sup>-6</sup> [Ωm]	450	$460 \left[ \frac{J}{\text{kg} \circ \text{C}} \right]$	7750 $\left[\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right]$

Tabla 2: Deformación del orificio de sujeción [4, pp. 277-277]

	Φ3	Φ4	Φ5	Φ6	Φ8	Φ 10	Φ 12	Φ 14	Φ 16	Φ 18	Φ 20
Deformación [mm]	0.012	0.015	0.016	0.018	0.022	0.026	0.027	0.03	0.032	0.035	0.04

#### Temperatura de calentado

Pretendemos obtener una distribución de temperatura homogénea, pero en la práctica esto no es posible, aunque tengamos un buen diseño y un campo magnético de la máquina de calentamiento suficientemente homogéneo, siempre existirán focos de mayor calentamiento en la pieza, estos puntos son donde se genera la mayor fatiga térmica [4, pp. 278-278].



Figura 3: Distribución de temperatura en un portaherramientas térmico [4, pp. 278-278]

La fatiga térmica es un tipo de fatiga por deformación, que produce una deformación plástica durante el calentado y una deformación elástica durante el enfriado [4, pp. 410-410]. En la Figura 3 podemos observar un punto donde se produce la mayor fatiga térmica. Utilizando una temperatura de calentado óptimo podemos lograr una vida útil de 5342 ciclos [4] [6].

Tabla 3: Temperatura óptima experimental del calentamiento por inducción [4, pp. 277-277]

	Φ3	Φ4	Φ5	Φ6	Φ8	Φ 10	Φ 12	Φ 14	Φ 16	Φ 18	Φ 20
Temperatura [°C]	369.4	348.7	325.2	307.5	297.7	260.7	215.8	212.4	245.4	223.6	226.1

#### <u>1 – Introducción</u>

A continuación, se detallan las ventajas y desventajas propias de los portaherramientas de sujeción térmica.

#### Ventajas:

Ofrece un elevado par de apriete, repetibilidad y precisión en la concentricidad (< 0.003 [mm]).

Gracias a las estrechas tolerancias de desviación, la vida útil de la herramienta se ve prolongada en comparación a otros sistemas de sujeción.

La menor vibración permite una mayor profundidad de corte y se pueden mecanizar superficies a velocidades que no serían posibles de otro modo [3].

#### Desventajas:

Preparación lenta, aunque con los calentadores actuales el montaje y la extracción son tan rápidos como en la sujeción mecánica. A modo de orientación, los tiempos de calentamiento rondan los 5 segundos, mientras que los de enfriamiento varían de medio minuto con líquido y uno-dos minutos con aire.

Hay que realizar una inversión inicial en el calentador por inducción.

#### Calentamiento por inducción

[7, pp. 1-1] El calentamiento por inducción es un método para calentar materiales conductores como los metales. Se utiliza comúnmente en procesos de fundición, tratamiento térmico, soldadura y, en nuestro caso, la dilatación.

Se basa en corrientes eléctricas que se inducen dentro del material a calentar. Estas corrientes también llamadas parásitas disipan energía y provocan el calentamiento.

Los mecanismos de disipación de energía en los que se basa este procedimiento son dos: pérdidas de energía debidas al efecto Joule y pérdidas de energía debido a la histéresis magnética.

Un sistema de calentamiento por inducción en líneas generales consta de 3 partes, la bobina de inducción; que suele ir en un circuito resonante. Un convertidor o inversor DC/AC donde se genera la corriente alterna para alimentar la bobina de inducción y un rectificador AC/DC para alimentar el convertidor. En algunas topologías suele usarse también un convertidor DC/DC para el control de potencia antes del inversor.



#### Figura 4: Sistema de calentamiento

#### Ventajas del calentamiento por inducción

[7, pp. 7-7] El calentamiento por inducción ofrece varias ventajas con respecto a otras técnicas de calentamiento, donde algunas de ellas son:

- Tasas de calentamiento mucho más rápidas que procesos por convección y radiación.
- Puesta en marcha del sistema mucho más rápido.
- Cuando no está en uso la fuente de alimentación se puede apagar y en consecuencia consume mucho menos.
- Automatización y mayor control.
- Mayor seguridad y limpieza.
- Poco mantenimiento.

#### Pérdidas por efecto Joule e histéresis

Como ya mencionamos, el calentamiento por inducción se basa en dos mecanismos de disipación de energía [8, pp. 2-2] [7, pp. 9-9].

#### Pérdidas de energía por efecto Joule:

Es el único mecanismo de calentamiento en los materiales no magnéticos (por ejemplo, aluminio, cobre, aceros inoxidables) y el principal en materiales ferromagnéticos. Cuando aplicamos una tensión en la bobina de inducción por Ley de Ampere se genera una corriente alterna que a su vez produce un campo magnético alterno, si este fluye por la pieza de trabajo, por Ley de Lenz se inducirá una tensión que se opone a la variación del campo magnético, la misma generara corrientes parásitas (o de Foucault) en la pieza de trabajo, con igual frecuencia, pero de dirección opuesta. Estas corrientes son las que producen las pérdidas por efecto Joule.

#### <u>1 – Introducción</u>

<u>Pérdidas de energía por histéresis magnética</u>: Solo afecta a los materiales ferromagnéticos por debajo de su temperatura de Curie (temperatura a la que el material se vuelve no magnético) y se explica de una manera simplificada como la fricción entre las moléculas, o los llamados dipolos magnéticos, cuando los materiales se magnetizan primero en una dirección y luego en otra, la energía necesaria para girar los dipolos se disipa en forma de calor.

En la mayoría de las aplicaciones de calentamiento por inducción, las pérdidas por histéresis representan menos del 7% en comparación a las pérdidas por corrientes de Foucault [9, pp. 153-153].

#### Coeficiente de penetración

[8, pp. 8-8] Cuando una corriente alterna circula por un conductor, la distribución de corriente dentro de su área de sección transversal no es uniforme, a esto se lo denomina efecto skin (efecto piel) y a la profundidad donde se concentra la mayor parte de la corriente se la conoce como profundidad de penetración. En el caso del calentamiento por inducción como se trabaja con corrientes alternas su distribución no será uniforme.

La frecuencia de estas corrientes, que es la misma que la del campo y de la corriente de la bobina, define el área donde circulan.

En el caso de un cuerpo grueso con propiedades electromagnéticas constantes, la disminución de la corriente es exponencial y solo el 63% de la corriente y el 86% de la potencia se encuentran en la capa de profundidad de penetración.

Esta profundidad de penetración está dada por

$$\delta = \sqrt{\frac{2\rho}{\mu\omega}} = 503 \sqrt{\frac{\rho}{\mu_{\rm r}f}}$$

Donde

- $\delta$  es la profundidad de penetración
- f es la frecuencia de la corriente
- $\rho$  es la resistividad del material
- $\mu_r$  es la permeabilidad relativa del material

#### Resistencia equivalente e inductancia

#### Resistencia equivalente

[10, pp. 11-11] [8, pp. 5-5] Es la que disipa tanto calor como la suma de todas las corrientes parásitas de la pieza de trabajo, representando así, la potencia disipada en la pieza. Para un solenoide largo y una pieza conductora, la resistencia equivalente es:

$$R_{eq} = R_s K_R S \frac{N^2}{l^2}$$

Donde R<sub>s</sub> es la resistencia superficial de la pieza, que se obtiene de

$$R_s = \frac{\rho}{\delta}$$

Siendo  $\rho$  la resistividad eléctrica del material y  $\delta$  la profundidad de penetración.

 $K_R$  es un factor adimensional que tiene en cuenta la variación del camino eléctrico entre el diámetro equivalente de la pieza y la profundidad de penetración.

$$K_{R} = 1 - e^{-\frac{2r}{\delta}}$$

#### Siendo

- r el radio de la pieza de trabajo.
- S representa la superficie calentada.
- l es la longitud de la pieza.
- N son las vueltas de la bobina de inducción.

Esta ecuación es una aproximación y no se tienen en cuenta factores que son de importancia cuando la bobina es corta o está fabricada con tubos de gran diámetro.

#### Inductancia

[8, pp. 6-6] No hay un método analítico simple para calcular la inductancia de la bobina de calentamiento. En el caso de un solenoide, una aproximación es suponer que es largo y sin núcleo.

Siendo

$$L \approx \frac{10\pi\mu_0 N^2 r^2}{9r + 10l} = 3.9410^{-5} \frac{d^2 N^2}{18d + 40l}$$

Donde

- L es la inductancia
- l es el largo de la bobina
- r es el radio y d es el diámetro
- μ<sub>0</sub> es la permeabilidad magnética en el vacío

Debemos tener en cuenta que, el valor de la inductancia varía según la geometría de la bobina y la pieza de trabajo como así también de su material, que a su vez varía según la temperatura. Esto se debe a que cuando comienza el proceso de calentamiento, la pieza tiene una cierta permeabilidad magnética, pero al alcanzar su temperatura de Curie, la permeabilidad magnética disminuye hasta alcanzar la permeabilidad del vacío.

El diámetro de la bobina debe ajustarse lo más posible al de la pieza de trabajo, ya que más líneas de campo magnético cruzarán por la pieza y mayor será la transferencia de energía. Aunque en la práctica se necesita un espacio entre ambos, para evitar cortocircuitos en la bobina o en el caso de utilizar un carretel, debe soportar las altas temperaturas.

#### Requerimientos de potencia

[9, pp. 141-141] La estimación de la potencia necesaria para calentar una pieza de trabajo a una temperatura determinada está dada por:

$$P_{\rm p} = \frac{\rm mc(T_{final} - T_{inicial})}{\rm t}$$

Donde

- P<sub>n</sub> es la potencia de la pieza de trabajo.
- m es la masa de la pieza de trabajo.
- $T_{inicial}$  y  $T_{final}$  son los valores medios de las temperaturas inicial y final.
- c es el valor medio del calor específico del material.
- t es el tiempo de calentamiento requerido.

La potencia que debemos proporcionar es mayor debido a las pérdidas. Por lo tanto, la potencia efectiva es

$$P_e = \frac{P_p}{\eta_T}$$

Donde

$$\eta_T = \eta_{Termica} \eta_{Electrica}$$

Rendimiento que considera la eficiencia térmica y eléctrica.

#### Eficiencia

Rendimiento de calentamiento

[10, pp. 12-12] Se define rendimiento de calentamiento  $\eta$  como a la razón entre la potencia disipada en la pieza, y la suma de la disipada en la pieza más la disipada en el bobinado.

$$\eta = \frac{I^2 R_{eq}}{I^2 R_{eq} + I^2 R_b} = \frac{R_{eq}}{R_{eq} + R_b}$$

R<sub>b</sub> es la resistencia en el bobinado.

Observando la expresión vemos que, para una  $R_{eq}$  dada, el rendimiento disminuye cuando  $R_b$  aumenta, por esto se debe analizar la elección de la bobina.

Para una  $R_b$  dada, el rendimiento aumenta al aumentar  $R_{eq}$ . Las mayores  $R_{eq}$  y los mayores rendimientos se obtienen con los menores  $\delta$ .

#### Eficiencia térmica

La eficiencia térmica incluye las pérdidas superficiales, debidas a la radiación y la convección, como así también a la conducción de la bobina.

[9, pp. 144-144] Para bobinas cilíndricas se pueden utilizar las siguientes fórmulas:

$$\eta_{\text{Térmica}} = \frac{P_{\text{p}}}{P_{\text{p}} + P_{\text{Pérdidastérmicas}}}$$

$$P_{P\acute{e}rdidast\acute{e}rmicas} = 3,74 * 10^{-2} \frac{l_b}{\log_{10} \left(\frac{d_b}{d_p}\right)}$$

Donde

- P<sub>Pérdidastérmicas</sub> son las pérdidas en la superficie.
- d<sub>b</sub> y d<sub>p</sub> son el diámetro interior de la bobina y el diámetro de la pieza de trabajo, respectivamente en [cm].
- l<sub>b</sub> es el largo de la bobina en [cm].

#### Pérdidas eléctricas

La eficiencia eléctrica representa las pérdidas en las vueltas de la bobina y sus alrededores. Esta eficiencia es la misma que hablamos como rendimiento de calentamiento donde está dado por la relación entre la resistencia de la bobina y la resistencia equivalente, pero como la resistencia equivalente suele ser complicada de calcular si no se tienen parámetros muy certeros de la bobina, también podemos usar esta otra aproximación, cuando se calienta un cilindro sólido en una bobina de solenoide larga. Se puede utilizar la siguiente fórmula [9, pp. 143-143].

$$\eta_{eléctrica} = \frac{1}{1 + \frac{d_b + \delta_b}{d_p - \delta_p} \sqrt{\frac{\rho_b}{\mu_r \rho_p}}}$$

Dónde

- $-\delta_b$  y  $\delta_p$  son la profundidad de penetración de la bobina y la pieza de trabajo, respectivamente.
- $\rho_b$  y  $\rho_p$  son la resistividad eléctrica de la bobina y la pieza de trabajo, respectivamente.
- $\mu_r$  es la permeabilidad magnética relativa de la pieza de trabajo.

Se puede observar que la mayor eficiencia de la bobina se alcanza cuando, se calientan materiales magnéticos con una alta resistividad y con un pequeño espacio de aire entre el inductor y la pieza de trabajo. De manera similar a la eficiencia térmica, es difícil calcular este valor de manera precisa con fórmulas aproximadas.

#### Frecuencia crítica

[10, pp. 12-12] El rendimiento de calentamiento disminuye rápidamente al estar por debajo de la frecuencia crítica.

Cuando  $\delta$  se hace mayor a la cuarta parte del diámetro de la pieza a calentar se produce una disminución exponencial del coeficiente K<sub>R</sub>, lo que causa que la R<sub>eq</sub> baje y caiga el rendimiento. Para frecuencias mayores comienza a disminuir la eficiencia eléctrica en la conmutación.

Esto se debe a que cuando la profundidad de penetración se hace muy alta, las corrientes parásitas comienzan a cancelarse entre sí.

Cuando se tienen diferentes diámetros de piezas a calentar se debe hacer cumplir la condición para la pieza de menor diámetro [8, pp. 9-9].

9

#### Modelo pieza-inductor serie y paralelo

La resistencia equivalente vista anteriormente, puede estudiarse conectándose en serie o en paralelo con la inductancia del circuito resonante.



Figura 5: Modelo serie

Figura 6: Modelo paralelo

Modelo serie:

El parámetro que caracteriza a este modelo es el factor de calidad Q que da la relación entre la potencia reactiva y la potencia activa. En un circuito de alto Q la energía disipada es mucho menor que la almacenada. Por el contrario, en un circuito de bajo Q la potencia reactiva es pequeña respecto a la activa [11, pp. 27-27].

El factor Q para un circuito serie es

$$Q = \frac{L\omega}{R_{eq}}$$

Modelo paralelo:

Siguiendo [11, pp. 28-28], para el modelo paralelo el factor de calidad es

$$Q = \frac{R_p}{L\omega}$$

El comportamiento energético debe ser el mismo independientemente del modelo elegido, por lo tanto

$$Q = \frac{L\omega}{R_{eq}} = \frac{R_{p}}{L\omega}$$
$$R_{p} = Q^{2}R_{eq}$$

Para el análisis utilizaremos el modelo serie por ser más intuitivo.

#### Circuito tanque

Es un circuito de elementos reactivos que resuena a una frecuencia dada, un circuito tanque común es el circuito resonante serie



Figura 7: Circuito tanque serie

Frecuencia de resonancia

La frecuencia de resonancia ( $f_r$ ) está definida como la frecuencia a la cual se logra la mayor transferencia de energía [12, pp. 544-544].

Esta frecuencia de resonancia es igual a

$$\omega_{\rm r} = \frac{1}{\sqrt{\rm LC}} \equiv f_{\rm r} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\rm LC}}$$

El cálculo para obtener esta ecuación se muestra en "Anexo A – Cálculos auxiliares".



Figura 8: Diagrama de bode de la función de  $H_s(\omega)$  con  $R_{eq} = 1[\Omega]$ ,  $L = 89[\mu H] y$ 

 $C = 2[\mu f]$ 

Observando el diagrama de bode obtenido con Matlab, el punto máximo se ubica en 12[KHz], correspondiente a la frecuencia de resonancia, en consecuencia, la impedancia a la frecuencia resonante en ese punto es mínimo, ya que  $H_s(\omega)$  es la función inversa de la impedancia. Por lo tanto, si una tensión con una frecuencia igual a la de resonancia alimenta el circuito RLC, la corriente es máxima y, por lo tanto, es máximo el calor generado en la pieza de trabajo.

Otro punto que se observa en la Figura 8 es que, a la frecuencia de resonancia, la impedancia es igual a  $R_{eq}$ . En estas circunstancias, la parte inductiva y capacitiva se cancelan entre sí y la tensión y la corriente están en fase. Por lo tanto, las pérdidas de conmutación son teóricamente nulas porque la corriente es cercana a cero durante este instante.

11

#### Factor de calidad y corriente

Al considerar que estamos trabajando a la frecuencia de resonancia el factor de calidad se define como:

$$Q = \frac{P_{\text{reactiva}}}{P_{\text{activa}}} = \frac{\omega L}{R_{\text{eq}}} = \frac{1}{\omega_{\text{r}} C R_{\text{eq}}}$$

Combinando esta ecuación con la definición del coeficiente de amortiguamiento y sabiendo que la resonancia y la frecuencia natural del sistema son las mismas para el circuito resonante serie. Se puede obtener la siguiente ecuación.

$$Q = \frac{1}{2\zeta}$$

Como el circuito RLC es un sistema de segundo orden, este se hace más subamortiguado y más oscilatorio cuando la parte imaginaria de las raíces se incrementa y la parte real decrece. Por lo tanto  $\zeta$  tiene que ser menor a uno para que el circuito mantenga una respuesta oscilante. Tomando esta consideración, el factor de calidad da una idea de cuan amortiguado es un sistema. De esto se puede concluir que a mayores valores de Q, más cercano de cero se encuentra  $\zeta$  y el sistema es más subamortiguado.



Figura 9: Diagrama de bode de la función de  $H_s(\omega)$  con distintos valores de Q

En la Figura 9 se representa el diagrama de Bode de la función de transferencia  $H_s(\omega)$  para tres tanques resonantes con diferentes valores de  $R_{eq}$  y sus correspondientes valores de Q. En la Figura 10 y Figura 11 se puede observar el comportamiento de la  $I_{tanque}$  y de la  $V_{tanque}$  ante la variación de Q, en estas figuras la frecuencia de conmutación es igual a la frecuencia de resonancia. De esto se puede concluir que Q aumenta a medida que el valor de  $R_{eq}$  disminuye. Ahora, si pensamos en el circuito RLC como un filtro sintonizado, el factor de calidad puede ser visto como la medida cuantitativa de la eficiencia del filtro a la frecuencia de resonancia. Considerando que el voltaje es una onda cuadrada a la

frecuencia de resonancia, si el sistema presenta sobreamortiguamiento ( $\zeta > 1 \text{ y } Q < 0.5$ ), las componentes armónicas de la corriente son significativas y por lo tanto la forma que adquiere no es sinusoidal. Por otra parte, si el sistema es subamortiguado ( $\zeta < 1 \text{ y } Q > 0.5$ ), las componentes armónicas de la corriente disminuyen y la corriente es prácticamente sinusoidal.



Figura 10: Tensión aplicada a un circuito tanque RLC



Figura 11: Corriente en un circuito RLC con distintos valores de Q

#### Potencia en la pieza de trabajo

La potencia transmitida a la pieza de trabajo puede ser calculada, considerando que  $R_{eq}$  representa la resistencia de la pieza a calentar. Asumiendo esta definición la potencia es igual a:

$$P = i_{tanque}^2 R_{eq} = \frac{V_{Req}^2}{R_{eq}}$$

Tomando en cuenta que la potencia es máxima cuando la corriente es máxima, esta se da en la frecuencia de resonancia. Considerando que la tensión a través de la resistencia es igual al primer armónico de  $V_{tanque}$ , entonces:

$$P(\omega_{\rm r}) = \frac{V_{\rm Req}^2}{R_{\rm eq}} = \frac{\left(\frac{4V_{\rm s}}{\sqrt{2}\pi}\right)^2}{R_{\rm eq}} = \frac{8V_{\rm s}^2}{\pi^2 R_{\rm eq}}$$

A partir de esta última ecuación se observa que la potencia puede ser controlada mediante la fuente de tensión  $V_{s}$ .

#### Capítulo 2: Desarrollo

#### Diagrama de bloques

En primera instancia planteamos de manera general las partes que conforman un sistema de calentamiento por inducción, estos bloques pueden estar conformados por múltiples etapas que en un análisis posterior desglosaremos. Bloques como el de pantalla, que también puede ser llamada interfaz usuario, pueden prescindir en este proyecto.



Figura 12: Diagrama de bloques

#### Parámetros de potencia y frecuencia

En esta sección analizaremos los principales parámetros para realizar el diseño y dimensionamiento de los elementos de la máquina de calentamiento por inducción.

#### Frecuencia crítica

En el *"Capítulo 1: Introducción"* describimos qué es la frecuencia crítica, ahora vamos a calcular cuál es esta frecuencia para nuestra aplicación.

Como se dijo en el "Capítulo 1: Introducción" la frecuencia critica es para una profundidad de  $\frac{1}{4}$  del radio de la pieza a calentar, siendo en este caso para una pieza HSK-F63 de 12[mm] donde el diámetro exterior menor es 24[mm] [1].

Si bien el portaherramientas es hueco como la mayor parte del tiempo se trabaja con la herramienta colocada o próxima a este lo tomamos como una pieza sólida y utilizamos el diámetro menor ya que es la peor condición.

$$d = \frac{24[mm]}{4} = 8[mm]$$

Y tomando las características del material en Tabla 1

$$f_{c} = \frac{\rho}{\left(\frac{d}{503}\right)^{2} \mu_{r}} \approx 316[Hz]$$

Como vamos a trabajar con frecuencias mucho más altas este valor no será determinante para los cálculos posteriores.

#### Cálculo de la potencia requerida

Para los cálculos de las eficiencias se utilizan las fórmulas que ya vimos en *"Capítulo 1: Introducción".* 

Para calcular la potencia necesaria de la máquina se toma como parámetro el cono portaherramientas de 18[mm] de diámetro, ya que este es el de mayor volumen en la parte de calentamiento, como se ve en la Tabla 4, y presentará la mayor exigencia de potencia.

La sección para calentar varía entre los distintos largos de portaherramientas, por ejemplo, la marca Bilz trabaja con largos van de A = 90[mm] hasta A = 160[mm] [3]. Nosotros contamos con portaherramientas de la marca Leitz, que en este caso son de A = 75[mm] [13].



Figura 13: Diagrama portaherramientas HSK-F63 del catálogo de Bilz [3]

#### Tabla 4: Volúmenes de la sección a calentar de los distintos portaherramientas

Portaherramientas	Volumen
25[mm]	$2.22 * 10^{-5} [m^3]$
20[mm]	$2.35 * 10^{-5} [m^3]$
18[mm]	$2.50 * 10^{-5} [m^3]$
12[mm]	$1.55 * 10^{-5} [m^3]$

La masa de la porción a calentar es m = 0.194[kg], la temperatura inicial la tomamos como la temperatura ambiente que en las peores condiciones es de  $T_{inicial} = 0[^{\circ}C]$  y la temperatura final tomada de la Tabla 3. El tiempo de calentamiento lo fijamos en t = 10[s] y la capacidad calorífica del material está en la Tabla 1.

#### 2 – Desarrollo

Resultando

$$P_{p} = \frac{mc(T_{final} - T_{inicial})}{t} = 1995.4[W]$$

Esta es la potencia que debemos generar sobre la pieza de trabajo, pero para esto debemos tener en cuenta tanto la eficiencia térmica como la eficiencia eléctrica.

#### Eficiencia térmica

Como sabemos que la máquina no funcionará con un único tipo de portaherramientas analizaremos los parámetros para el peor de los casos. Como diámetro de portaherramientas tomaremos el de 25[mm], ya que es el de mayor superficie y por lo tanto el que tendrá mayor pérdida térmica, además como la punta es cónica sacamos un valor medio del diámetro, lo mismo hacemos con el de la bobina.

El diámetro de la pieza de trabajo entonces es  $d_p = 3.9$  [cm], suponemos que para la bobina es de  $d_b = 4.4$ [cm] y un largo de  $l_b = 3.5$ [cm].

Por lo tanto:

$$\eta_{\text{Termica}} = \frac{P_{\text{p}}}{P_{\text{p}} + 3.74 * 10^{-2} \frac{l_{\text{b}}}{\log_{10} \left(\frac{d_{\text{b}}}{d_{\text{p}}}\right)}} = 0.9987$$

Podemos ver que la eficiencia térmica es alta y no llega a ser un factor para considerar.

#### Eficiencia eléctrica

. .

A la hora de calcular la eficiencia eléctrica, hay dos fórmulas con las que la podemos calcular. Esto lo vimos en la sección eficiencia del "Capítulo 1: Introducción". Una de ella es conociendo la resistencia equivalente de la pieza a calentar y la otra es conociendo los datos del material que nos permitan realizar el cálculo de la profundidad de penetración.

Nosotros utilizamos la segunda expresión. Los datos son los mismos utilizados para la eficiencia térmica, en este caso, como diámetro de portaherramientas a utilizar será la de menor diámetro, siendo de  $d_p = 2.8[cm]$  y las características para el acero H13 que se muestran en la Tabla 1

Las respectivas profundidades de penetración las calculamos tomando la frecuencia crítica de f = 2676[Hz], ya que es la peor condición de funcionamiento para la eficiencia.

Entonces

$$\eta_{eléctrica} = \frac{1}{1 + \frac{d_b + \delta_b}{d_p - \delta_p} \sqrt{\frac{\rho_b}{\mu_r \rho_p}}} = 0.9987$$

Los parámetros son en metros, pero es indistinto ya que es un cociente.

#### <u> 2 – Desarrollo</u>

Finalmente, la eficiencia es

$$\eta_{\rm T} = \eta_{\rm T\acute{e}rmica} \eta_{\rm El\acute{e}ctrica} = 0.997$$

Potencia efectiva

La potencia efectiva que necesitamos entregar a la bobina es:

$$P_{e} = \frac{P_{p}}{\eta_{T}} = 2001[W]$$

Prácticamente las pérdidas son despreciables. Este valor que obtuvimos no es del todo cierto, ya que las fórmulas suponen un aislante térmico entre la bobina y la pieza a calentar.

Como la variedad de portaherramientas es grande y el diseño esta realizado sobre uno específico, sobredimensionamos la potencia necesaria, para poder en un futuro adaptar la máquina para distintas bobinas y así utilizarla con cualquier tipo de portaherramientas térmico.

$$P = 3000[W]$$

#### Diseño de la bobina de calentamiento

[5] Para este diseño nos basamos en un estudio donde se analiza el campo magnético generado en distintos diseños de bobinas.

Como se vio en *"Capítulo 1: Introducción"*, sabemos que tenemos que encontrar un equilibrio a la hora de seleccionar los parámetros de la bobina, dijimos que al analizar el rendimiento necesitábamos la menor resistencia posible, por esto, la bobina debía ser de una longitud de conductor pequeña y de gran diámetro. También sabemos que para un circuito tanque y una frecuencia dada si disminuimos el valor de inductancia debemos aumentar el valor de capacitancia para no variar la frecuencia de resonancia.

A la hora de construir la bobina tenemos los siguientes objetivos, en primer lugar, disminuir el valor de la capacitancia por el costo elevado que tienen en el mercado los condensadores para circuitos resonantes de alta potencia; en segundo lugar, conseguir un gran flujo de campo magnético y uniforme con una baja corriente de excitación. A esto lo logramos diseñando una bobina multicapa con una inductancia considerablemente mayor a las bobinas que se utilizan en calentadores de inducción típicos comerciales.

#### Conductor de la bobina

Como trabajamos con altas frecuencias y debido al efecto skin en el conductor de la bobina, es mejor trabajar con múltiples filamentos, para así aprovechar mejor las capacidades del conductor. Para asegurar que esto se cumpla lo calcularemos para una frecuencia máxima estimada de 20[kHz].

Sabiendo que la bobina será construida con cobre, y con los datos ya mencionados para este material. La profundidad de penetración en el cobre para esta frecuencia es

$$\delta = 503 \sqrt{\frac{\rho}{\mu_r f}} = 0.00046[m]$$

Este valor obtenido es el radio máximo, lo que es equivalente a un diámetro de conductor de 1[mm].

#### <u>2 – Desarrollo</u>

No hay un parámetro que nos imponga un diámetro mínimo de conductor, aunque cuanto más pequeño sea, mayor debe ser el número de conductores para soportar la corriente requerida en la bobina.

Decidimos utilizar un alambre esmaltado AWG19 el cual tiene un diámetro de 0.909[mm]. Si suponemos que trabajamos con la potencia máxima necesaria  $P_e$  y en base a múltiples pruebas empíricas sobre la resistencia equivalente estimamos una corriente máxima de 25[A].

En base a distintas tablas consultadas, de diferentes fabricantes, la capacidad de corriente del conductor a utilizar es de 2[A], el número de conductores es

$$n = \frac{I_{max}}{I_{max \text{ conductor}}} = 12.5$$

Con fines de robustez utilizaremos 13 conductores para la construcción de la bobina.

Otra ventaja de usar varios conductores es la maleabilidad para bobinarla y la posibilidad de hacer una bobina de mayor longitud y varias capas, obteniendo así una gran inductancia y reduciendo la capacitancia necesaria en el circuito tanque.

Sin embargo, presenta la desventaja que al no ser de un material demasiado rígido se necesita un carretel que le suma complejidad.

Ahora vamos a determinar qué diámetro tendrá este conductor para así poder obtener las vueltas de la bobina una vez definamos su estructura.

Utilizando estos 13 conductores en paralelo para formar uno único.

Con un diámetro por conductor de  $\Phi_{max} = 0.959$  [mm], la sección de cada conductor es

$$S = \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2 = 0.72[mm^2]$$

La sección total del conductor multifilamento de

$$S_t = 13 S = 9.39 [mm^2]$$

Con un diámetro igual a

$$d_t = 2\sqrt{\frac{S_t}{\pi}} = 3.46[mm]$$

Realizando un croquis de la forma del conductor podemos obtener una dimensión real del mismo. El siguiente esquema se realizó en AutoCad.



Figura 14: Esquema de la sección del conductor de 13 hilos

Entonces tomaremos  $d_t = 4.29[mm]$ 

#### Resistencia del conductor de la bobina

La resistencia del alambre utilizado es de R =  $0.02687 \left[\frac{\Omega}{m}\right]$ , como se utilizan múltiples conductores en paralelo la resistencia del conductor multifilamento es

$$R_{e} = \frac{R}{13} = 2.067 * 10^{-3} \left[\frac{\Omega}{m}\right]$$

#### Forma y estructura de la bobina

Para determinar la forma y cantidad de capas de la bobina nos basamos en [5, pp. 8-11], donde ellos estudian la mejor forma en base a múltiples simulaciones para tener el campo magnético más elevado y uniforme posible.

#### **Dimensiones**

Para las dimensiones tomaremos como referencia el portaherramientas de 25[mm] de diámetro que es el de mayor tamaño que se utilizará en la máquina de inducción.



Figura 15: Vistas del portaherramientas HSK-F63 25[mm] con cotas

Figura 16: Vista 3D portaherramientas HSK-F63

Partiendo de la pieza mostrada dejaremos un espaciado, por seguridad y por si es necesario introducir un aislante térmico, de 5[mm] en toda la circunferencia.

La bobina sobrepasará la región de agarre del portaherramientas en 5[mm] tanto arriba como abajo para tener buen flujo de campo magnético en los extremos de la sección a calentar, quedando entonces de lc = 35[mm] de largo. [5, pp. 7-8] Para tener un flujo de campo magnético uniforme se diseñó la bobina con una distribución de vueltas particular, las dos primeras capas se bobinan completas y en la tercera capa se dan dos vueltas en la parte superior y dos vueltas en la parte inferior, para reforzar el campo magnético en las zonas donde es más débil. Luego validaremos esta distribución en base a simulaciones.

Siguiendo estos criterios, la bobina final la diseñamos como se ve en las Figura 17 y Figura 18.





Figura 17: Representación en vistas con cotas de la bobina

Figura 18: Representación 3D de la Bobina

#### <u>Carretel</u>

El primer prototipo y sobre el cual se realizaron las principales mediciones fue impreso en 3D utilizando plástico PLA. Como era de suponer este plástico no es resistente a altas temperaturas, por lo que durante el avance del proyecto se tuvo que analizar su reemplazo.

El primer carretel fue reemplazado por uno de dimensiones similares, pero mecanizado en teflón (PTFE), este material es mucho más resistente a las altas temperaturas.

Los valores de inductancia y otros parámetros fueron calculados en base al primer carretel, lo que pueden diferir del valor final del prototipo.


Figura 19: Diseño del carretel teflón

Aunque el material que se utilizó en la versión final resiste mayor temperatura que el impreso en 3D con PLA, se colocó un aislante térmico adicional por seguridad de fibra cerámica, este producto se consigue en cintas tejidas la cual se usó para recubrir el interior y la base del carretel.

### Cantidad de vueltas y resistencia de la bobina

Con el diseño ya definido y el diámetro del conductor podemos obtener la cantidad de vueltas y estimar la longitud del conductor.

La cantidad de vueltas de cada capa se especifica en "Anexo A - Cálculos auxiliares".

Tenemos entonces un total de vueltas de

$$N = 18$$
[vueltas]

Para calcular la resistencia primero calculamos la longitud del conductor, como la bobina es cónica tomaremos el diámetro en la parte central y se tomara hasta el centro del conductor en cada capa. Los cálculos se profundizan en *"Anexo A – Cálculos auxiliares".* 

La longitud total del conductor es

$$L = L_1 + L_2 + L_3 + L_4 \approx 3.39[m]$$

Con este dato podemos obtener la resistencia que tendrá la bobina

$$R_{\rm h} = R_{\rm e} \ L \approx 0.007 [\Omega]$$

Este valor al ser tan pequeño nos asegura pérdidas despreciables en la bobina.

## Inductancia e intensidad del campo magnético

## Inductancia analítica

En base a la fórmula propuesta y calculando la inductancia de cada capa por separado, el valor de inductancia que aporta la primera capa es

$$L_1 \approx 3.9410^{-5} \frac{d^2 N^2}{18d + 40l} \approx 2.29[\mu H]$$

Donde d es el diámetro de la bobina, l es el largo de la bobina y N es la cantidad de vueltas.

Tomando un l = 35[mm] y d el diámetro promedio de la primera capa siendo

 $d_1 = 52.77[mm].$ 

Para la segunda capa  $L_2 \approx 2.89 [\mu \text{H}]$ 

 $d_2 = 61.21[mm].$ 

Para la tercera capa  $L_3 \approx 1.57 [\mu \text{H}]$ 

 $d_3 = 69.62[mm].$ 

Entonces la inductancia total es

$$L = L_1 + L_2 + L_3 = 6.75[\mu \text{H}]$$

# Inductancia empírica

Para poder calcular la inductancia empíricamente el método que utilizamos es a través de la medición de la frecuencia de resonancia de un circuito LC. Esto lo explicamos mejor en el *"Anexo B – Mediciones y Diseños preliminares"* donde mostramos las distintas pruebas y la bobina prototipo que construimos.

El valor de inductancia obtenido sin portaherramientas es

$$L = 14.85[uH]$$

Simulaciones y cálculos numéricos de la bobina

Para validar los cálculos anteriores hicimos simulaciones con el software *"ANSYS Maxwell"*, este programa resuelve campos eléctricos y magnéticos estáticos, de dominio de frecuencia y variables en el tiempo.

A partir de los modelos creados en AutoCad, fueron importados al programa ANSYS Maxwell, quedando de la siguiente forma





Figura 20: Diseño 2D en ANSYS Maxwell

Figura 21: Diseño 3D en ANSYS Maxwell

En este programa no tenemos que trabajar con ecuaciones ya que se encarga de todos los cálculos de manera numérica. Debimos realizar varias configuraciones para obtener los resultados más aproximados posibles. La región de trabajo es el vacío.

Lo primero que podemos obtener es el valor de inductancia, con y sin portaherramientas.

- Con portaherramientas

$$L = 3.37[\mu H]$$

- Sin Portaherramientas

$$L = 1.99[\mu H]$$

La gran diferencia con el valor medido puede deberse a que en ANSYS tratamos cada capa como un sólido y le indicamos el número de conductores, sin embargo, puede que esto no se asemeje a la realidad cuando tenemos una bobina de pocas vueltas. [10, pp. 10-10] Además, la inductancia depende también de la reluctancia del camino magnético, teniendo así en materiales de alta permeabilidad una profundidad de penetración pequeña lo que genera una alta reluctancia (resistencia del camino magnético) y una gran variación de la inductancia con la frecuencia.



Figura 22: Intensidad del campo magnético generado dentro del portaherramientas

En la Figura 22 comprobamos que el campo magnético obtenido con la bobina tiene exitosamente una distribución uniforme sobre la sección a calentar, validando así el correcto diseño del inductor.

También hicimos simulaciones de la intensidad del campo magnético en vacío, de la bobina y dentro del portaherramientas. Esto es una aplicación muy importante dentro del programa ya que no es viable realizar los cálculos con ecuaciones y obtener una buena aproximación.

Para estas simulaciones consideramos una corriente DC dentro de la bobina de 30[A].

# Capacitancia

El valor de capacidad que necesitamos está dado por la frecuencia de resonancia que deseemos. En nuestro caso para estar lejos de la frecuencia crítica seleccionaremos una frecuencia de f = 17[kHz] y tomaremos la inductancia calculada con la fórmula propuesta, teniendo así un valor de capacitancia de

$$C = \frac{1}{\omega_n^2 L} = 5.9[\mu F]$$

Como ya dijimos una de las razones de tener una bobina de numerosas vueltas es tener valores de capacidad bajos, por razones de costo.

Los capacitores que necesitamos para esta aplicación son capacitores para frecuencias y corrientes elevadas.

# Cálculo de la resistencia equivalente

En base al diseño de la bobina podemos llegar a calcular una aproximación de la resistencia equivalente.

Trayendo la fórmula mencionada en "Capítulo 1: Introducción".

$$R_{eq} = R_s K_R S \frac{N^2}{l^2}$$

Para el cálculo de la inductancia tomamos que la bobina tenía todas sus vueltas sobre una sola capa y ese fue el largo de bobina para el cálculo, sin embargo, para la resistencia equivalente como utiliza el largo para calcular la intensidad del campo magnético debemos tomar el largo de la bobina real sin importar la cantidad de capas.

$$l_{c} = 35[mm]$$

S es la superficie. Para este valor tomamos la superficie de la pieza HSK-F63 de 25[mm].

$$S = 3.621 * 10^{-3} [m^2]$$

Calculamos la profundidad de penetración para la frecuencia de resonancia de 17[KHz].

$$\delta = 503 \sqrt{\frac{\rho}{\mu_r f}} = 1.09 * 10^{-3} [m]$$
$$R_s = \frac{\rho}{\delta} = 0.033 [\Omega]$$

 $K_R$  es el factor de corrección de la resistencia equivalente, para profundidades de penetración bajas este valor se aproxima a 1.

$$K_{R} = 1 - e^{-\frac{2r}{\delta}} \approx 1$$

Con r = 39[mm].

Entonces

 $R_{ea} \approx 31.6[\Omega]$ 

Este valor calculado no coincide con las mediciones realizadas hasta el momento. Algo que se nota en las pruebas es que la frecuencia de resonancia no varía demasiado al introducir o extraer la pieza, como lo detallamos en *"Anexo B – Mediciones y Diseños preliminares"*. Según creemos la permeabilidad magnética del material no coincide con la extraída de [5, pp. 4-4]. Los cálculos realizados nos dan una permeabilidad magnética de  $\mu_r \approx 1.1$  con una frecuencia de resonancia de 27[KHz].

Al no coincidir la permeabilidad y poner en dudas el valor de la resistividad, procedimos a calcularlo con una ecuación que estima el valor de resistividad según la proporción de carbono y la temperatura del acero [14, pp. 369-369].

$$\begin{split} \rho_{0.42C} &= (0.1638 + 0.4672 * 10^{-3}T + 0.8956 * 10^{-4}T^2) * 10^{-6} \\ \rho_{0.42C} &= 22.66 * 10^{-8} \end{split}$$

Este valor esta más relacionado con el de los aceros comunes. Sin embargo, hay que aclarar que el acero del portaherramientas térmico tiene proporciones altas de Si (Silicio), por lo que la resistividad probablemente sea mayor.

Recalculado el valor de  $R_s$  con los nuevos parámetros

$$R_s = \frac{\rho}{503\sqrt{\frac{\rho}{\mu_r f}}} = 0.00013[\Omega]$$

Por lo que el valor de la resistencia equivalente es

 $R_{eq} \approx 0.124[\Omega]$ 

Es difícil encontrar las características del material que se utiliza por lo que no se puede tener un valor preciso de resistencia equivalente, solo se debe usar a modo de orientación cuando debamos determinar algún parámetro en base a esto.

## Corriente de trabajo

Teniendo el valor de la resistencia equivalente y la potencia que necesitamos entregarle a la pieza, podemos calcular la corriente que circulará por la bobina.

$$I = \sqrt{\frac{P_e}{R_{eq}}} \approx 155.5[A]$$

La corriente máxima para llegar a la potencia necesaria es bastante superior a la que se estimó para el conductor de la bobina, sin embargo, cuando diseñamos la bobina se hizo en base a la corriente nominal, pero el tiempo que estará en funcionamiento será de entre 10 y 15 segundos, por lo que la corriente que puede soportar el conductor es mucho mayor. Además, la resistencia equivalente puede que difiera bastante del valor calculado.

# Factor de calidad Q

Del modelo pieza-inductor que vimos en *"Capítulo 1: Introducción"* traemos nuevamente la formula del factor de calidad.

$$Q = \frac{L\omega}{R_{eq}} = 12.8$$

El factor de calidad es mayor a la unidad, eso es lo que generalmente buscamos en esta clase de circuitos.

Si deseamos implementar un inversor resonante serie (IRS) con el factor de calidad obtenido, podemos ver las simulaciones.



29

Figura 23: Tensión de fuente vs Corriente del esquema serie con L = 14.85[uH], C = 5.9[uF],  $Req = 0.124[\Omega]$ 



Figura 24: Diagrama de bode del esquema serie con L = 14.85[uH], C = 5.9[uF],  $Req = 0.124[\Omega]$ 

# Transformador

Si queremos usar la red eléctrica como alimentación, luego de rectificada y filtrada tenemos una tensión de bus DC de 311[V], nuestro circuito resonante tiene una impedancia de  $0.124[\Omega]$ . Entonces, si quisiéramos alimentar el circuito resonante tendríamos una corriente RMS de 2508[A] dándonos una potencia de 780[KW]. Por este motivo es necesario reducir la tensión de trabajo del bus DC o colocar un transformador de adaptación entre el inversor y el circuito resonante. Se decidió trabajar con un transformador.

#### <u>2 – Desarrollo</u>

Hay dos grandes grupos en transformadores de adaptación, transformadores de potencia activa y transformadores de potencia reactiva como se muestra en Figura 25 y Figura 26. En el caso de los transformadores de potencia activa la potencia transferida entre el primario y el secundario es solo potencia activa, el objetivo de este transformador es aumentar la impedancia vista por el inversor y disminuir la corriente en los componentes. En el otro tipo, la potencia transferida del primario al secundario es reactiva, y se utiliza principalmente en inductores de baja impedancia, como las bobinas de pocas espiras [8, pp. 79-79].

Para nuestra aplicación, lo que nos interesa es un transformador de potencia activa ya que nuestro objetivo es disminuir la corriente en el primario.



Figura 25: Circuito resonante serie con transformador de potencia activa

*Figura 26: Circuito resonante serie con transformador de potencia reactiva* 

# Convertidor para calentamiento por inducción

Como ya hemos mencionado en *"Capítulo 1: Introducción"*, para que se generen corrientes parásitas en la pieza necesitamos tener un campo magnético variable, que se obtiene al circular una corriente variable por la bobina de calentamiento. Para generar esta corriente alterna se diseña un convertidor DC/AC.

Ya estudiamos en el inicio de este capítulo las características del circuito resonante o tanque, que ahora será la carga del convertidor que necesitamos diseñar. Las características de este convertidor dependerán de la frecuencia, la potencia y del tipo de circuito tanque.

[8, pp. 29-29] Una clasificación de los convertidores puede ser según el tipo de circuito tanque resonante, donde las topologías más comunes son serie y paralelo. Los convertidores asociados a estos circuitos tanques son los inversores resonantes en serie alimentados por tensión (VFSRI) y los inversores resonantes en paralelo alimentados por corriente (CFPRI). En la mayoría de las aplicaciones los convertidores utilizados derivan de estos mencionados.

### Inversor resonante serie alimentado por tensión

En los circuitos tanque serie el inductor se conecta en serie con el capacitor, comportándose como una fuente de corriente cuando el inversor es alimentado por una tensión constante. Para lograr esto cuando rectificamos la alimentación (220[V] monofásica), debemos tener una capacitancia de bus DC lo suficiente alta para mantener la tensión constante.

En la mayoría de las aplicaciones de elevada potencia el inversor utilizado es un puente H (puente completo) como el de la Figura 27.



Figura 27: Inversor resonante serie alimentado por tensión (VFSRI)

Un inversor puente H está formado por cuatro interruptores [15, pp. 360-360] y sus respectivos diodos de marcha libre que conducirán corriente almacenada en el inductor hacia la fuente. Cuando  $SW_1$  y  $SW_4$  se activan simultáneamente, el voltaje de entrada  $V_s$  aparece a través de la carga y si  $SW_2$  y  $SW_3$  se activan al mismo tiempo, el voltaje a través de la carga se invierte y adquiere el valor  $-V_s$ , por lo tanto, la carga se alimenta de una tensión cuadrada  $\pm V_s$ . Además, solo una pareja de interruptores puede activarse a la vez ya que en caso contrario se cortocircuita la fuente pudiendo destruir los dispositivos, esto se previene añadiendo un tiempo muerto el cual lo definimos como el tiempo entre el apagado de una pareja de interruptores y el encendido de la otra.

El voltaje RMS de salida se puede determinar a partir de

$$V_{o} = \left(\frac{2}{T_{o}}\int_{0}^{T_{o}/2}V_{s}^{2}dt\right)^{\frac{1}{2}}$$

La ecuación anterior se puede extender para que exprese el voltaje instantáneo de salida en una serie de Fourier como:

$$Vo = \sum_{n=1,3,5...}^{x} \frac{4V_s}{n\pi} sen(n\omega t)$$

#### <u>2 – Desarrollo</u>

Y para n = 1 el valor proporcional de la componente fundamental es:

$$V_1 = \frac{4V_s}{\sqrt{2}\pi} = 0.9V_s$$

### Análisis de conmutación

La frecuencia de resonancia que analizamos en *"Capítulo 1: Introducción"* es el punto donde se da la máxima potencia en la pieza de trabajo. En esta frecuencia la conmutación debe hacerse cuando la corriente es cercana a cero, disminuyendo así las pérdidas.

Sin embargo, en sistemas reales es casi imposible tener una conmutación perfecta a la frecuencia de resonancia, debido a pequeños errores en el sistema de control. En un funcionamiento normal el convertidor suele trabajar ligeramente por encima o por debajo de la frecuencia de conmutación.

Para el análisis, no consideraremos un tiempo muerto entra las conmutaciones.

El inversor analizado es un puente completo con carga RLC como se ve en la Figura 27.

# Conmutación a la frecuencia de resonancia $(f_{sw} = f_r)$

En este caso, según [8] la conmutación, ilustrada por las señales de puerta en la Figura 28, ocurre cuando la corriente cruza por cero. Al observar  $SW_1$  y su diodo antiparalelo, la corriente fluye a través de la mitad del ciclo  $SW_1$  y el diodo nunca conduce. En estas circunstancias, solo hay dos estados posibles. El primero, cuando  $SW_1$  y  $SW_4$  están conduciendo y el segundo cuando  $SW_2$  y  $SW_3$  conducen. No existen pérdidas por conmutación porque los interruptores conmutan cuando la corriente es cero. Esta es la situación ideal con respecto a las pérdidas por conmutación, pero la probabilidad de estar en perfecta resonancia es baja. Por tanto, es necesario estudiar las demás situaciones.



Figura 28: Forma de onda de salida y secuencias conmutando a la frecuencia de resonancia ( $V_s = 100[V], R_{eq} = 1.2[\Omega], L_s = 20[uH], C = 4[uF], f_{sw} = 17.2[KHz]$ )

# <u>Conmutación capacitiva ( $f_{sw} < f_r$ )</u>

En la Figura 29, mostramos las formas de onda y las secuencias cuando se conmuta por debajo de la resonancia. El cruce por cero de la tensión se produce después del cruce por

cero de la corriente. En este caso, la corriente adelanta a el voltaje, por lo que este tipo de conmutación se denomina conmutación capacitiva.

Observando las secuencias, en la secuencia 1 la corriente circula a través de  $SW_2$  y  $SW_3$ . Posteriormente,  $i_{tank}$  cambia la polaridad, mientras que  $SW_2$  y  $SW_3$  están encendidos, y los diodos  $D_2$  y  $D_3$  están polarizados en directa con ZVS (conmutación con tensión cero) (secuencia 2). Entonces,  $SW_2$  y  $SW_3$  se apagan con ZCS (conmutación con corriente cero) porque sus diodos antiparalelos están conduciendo (Secuencia 3). Finalmente,  $SW_1$  y  $SW_4$  apenas se encienden provocan el apagado brusco de los diodos  $D_2$  y  $D_3$  (secuencia 4). Con respecto a las secuencias 5 y 6, son similares a las secuencias 2 y 3, pero con los interruptores y diodos opuestos.

Uno de los problemas derivados de la desconexión brusca de los diodos es que las grandes corrientes de recuperación pueden crear picos de tensión. Esto provoca interferencias electromagnéticas, pérdidas, y en el peor de los casos, la destrucción de semiconductores. Por lo tanto, la conmutación capacitiva debe evitarse si es posible.



Figura 29: Forma de onda de salida y secuencias conmutando por debajo la frecuencia de resonancia ( $V_s = 100[V]$ ,  $R_{eq} = 1.2[\Omega]$ ,  $L_s = 20[uH]$ , C = 4[nF],  $f_{sw} = 15.5[KHz]$ )

# <u>Conmutación inductiva ( $f_{sw} > f_r$ )</u>

En la Figura 30, mostramos las formas de onda correspondientes y las secuencias cuando el inversor conmuta por encima de la frecuencia de resonancia. En este caso, la conmutación y el cruce por cero del voltaje ocurren antes del cruce por cero de la corriente. La corriente retrasa el voltaje y este tipo de conmutación se conoce como conmutación inductiva. De manera similar a la conmutación capacitiva,  $D_2$  tiene polarización directa, pero en este caso,  $D_2$  conduce después de la conmutación y antes del cambio de polaridad del tanque. El valor de  $i_{tank}$  también es ligeramente más bajo que en el caso de conmutar a frecuencia de resonancia.

Si observamos las secuencias, la corriente fluye a través de  $SW_2$  y  $SW_3$  en la secuencia 1. Luego, los interruptores  $SW_2$  y  $SW_3$  se apagan, lo que provoca el encendido brusco de  $D_1$ y  $D_4$  (Secuencia 2). Inmediatamente después,  $SW_1$  y  $SW_4$  se encienden con ZVS porque la corriente fluye a través de sus diodos antiparalelos (Secuencia 3). Finalmente,  $i_{tank}$  cambia la polaridad y los diodos  $D_1$  y  $D_4$  se bloquean con ZCS porque la corriente comienza a conducir a través de  $SW_1$  y  $SW_4$  (Secuencia 4). Las secuencias 5 y 6 son similares a las secuencias 2 y 3, pero con los interruptores y diodos opuestos. A diferencia del caso anterior, el encendido de los diodos y el apagado de los interruptores se da bruscamente, pero el apagado de los diodos y el encendido de los interruptores es suave. Considerando la baja probabilidad de tener una resonancia perfecta y los problemas derivados de la conmutación brusca de los diodos antiparalelos, autores como [10] y [11] sugieren trabajar por encima de la frecuencia de resonancia.



Figura 30: Forma de onda de salida y secuencias conmutando por encima de la frecuencia de resonancia ( $V_s = 100[V]$ ,  $R_{eq} = 1.2[\Omega]$ ,  $L_s = 20[uH]$ , C = 4[nF],  $f_{sw} = 19.5[KHz]$ )

# Rectificador de onda completa

[15, pp. 77-77] En un circuito rectificador de onda completa monofásico, durante el semiciclo positivo del voltaje de entrada, se suministra la corriente a la carga a través de los diodos  $D_1$  y  $D_2$ . Durante el semiciclo negativo, los diodos  $D_3$  y  $D_4$  son los que conducen. Las formas forma de onda de salida se ven en la Figura 31.



Figura 31: Puente de diodos monofásico

El voltaje promedio de salida se encuentra a partir de

$$V_{cd} = \frac{2}{T} \int_0^{\frac{1}{2}} V_m \sin(\omega t) dt$$
$$V_{cd} = \frac{2}{\pi} V_m = 0.6366 V_m$$

Donde  $V_{\rm m}$  es el voltaje de fase pico. Y el voltaje  ${\rm rms}$  de salida





Figura 32: Formas de onda de la fuente, tensión sobre la carga y corriente de los diodos 1 y 4

# Algoritmo de control

### Control en topologías alimentadas por tensión

[10, pp. 147-147] En los generadores de calentamiento por inducción la velocidad de establecimiento no es un criterio prioritario para el diseño del control. No se requiere una alta velocidad de respuesta ante un cambio en la demanda de potencia, además, los cambios de carga debidos a la introducción/extracción de la pieza o a las variaciones de las características de esta durante el proceso de calentamiento son lo suficientemente lentos como para que el control pueda seguirlos evitando así cualquier sobre corriente. Sin la exigencia de una alta velocidad de respuesta, el control por variación de frecuencia es una técnica robusta y sencilla, por lo que es utilizada en la mayoría de los generadores resonantes alimentados por tensión.

En la Figura 33 se esquematiza el método de control por variación de frecuencia. El VCO, genera una señal cuadrada de frecuencia controlada por tensión, que es transmitida al circuito resonante a través del convertidor. Las variables del circuito resonante (amplitud y fase) cambian en función de la frecuencia aplicada. Una de estas variables (o la relación entre ellas),  $C(\omega)$  es utilizada como variable de control. La regulación de la potencia se realiza de forma indirecta mediante el control de esta variable, cuya comparación con la señal de referencia V<sub>ref</sub> determina la actuación sobre la frecuencia del VCO.



Figura 33: Esquema genérico del control del oscilador por variación de frecuencia [10]



Figura 34: Variación de la función  $C(\omega)$  que representa el desfasaje [10]

La variable de control no es monótona, es decir, no debe repetirse los valores para distintos valores de  $\omega$ . Como ya dijimos anteriormente, se desea trabajar en modo inductivo, por ende, siempre estaremos por encima de la frecuencia de resonancia, considerándose así a C( $\omega$ ) una variable monótona.

#### Limitaciones para considerar

Deben implementarse ciertas limitaciones en el circuito de control.

*Limitación de fase:* El circuito siempre funcionará por encima de la frecuencia de resonancia. Puesto que la frecuencia de resonancia es variable según el diseño realizado, e incluso de forma dinámica durante el proceso de calentamiento, en el circuito serie es necesario medir la fase de la corriente de la bobina  $L_s$  para evitar el funcionamiento capacitivo del oscilador.

*Limitación de la corriente por los IGBT:* Ya que existe la posibilidad de funcionamiento sin pieza y muy cerca de la resonancia, es necesario proveer una limitación de corriente para proteger los transistores del puente, es decir, es necesario limitar la amplitud de la corriente.

*Limitación de la tensión en el capacitor:* Los capacitores no admiten más de cierto valor de tensión de pico. Esta tensión puede superarse en ausencia de carga, por lo que la debemos limitar.

### Control de la fase de la corriente

Si bien también podemos implementar un control de la amplitud de corriente o de la amplitud de la tensión del capacitor, elegimos el control de fase.

En realidad, lo que controlamos es el desfasaje entre la tensión generada por el puente y la corriente, lo obtenemos realizando una operación XOR entre dichas señales y aplicando un filtro pasa bajos.

[10, pp. 150-150] La tensión que se obtiene a la salida del filtro pasa bajos,  $V_{\theta}$ , está relacionada con el desfasaje  $\theta$  mediante,

$$V_{\theta} = \frac{T_{\theta}}{\frac{S}{\omega_f} + 1} |\theta(rads)|$$

Donde  $\omega_f$  es la frecuencia de corte del filtro y  $T_{\theta}$ ,

$$T_{\theta} = \frac{V_{DD}}{\pi}$$

Donde  $V_{DD}$  es la tensión de alimentación de la XOR.

La dinámica de medición de la fase es determinada por el filtro pasa bajos, obteniéndose en estado estacionario  $V_{\theta} = \frac{V_{DD} |\theta|}{\pi}$ .

Si observamos la Figura 33, para el caso de un control de fase la función de la variable de control  $C(\omega)$  es  $V_{\theta}$ , esta tensión  $V_{\theta}$  la comparamos con la tensión de referencia  $V_{ref}$ . Cuando  $V_{ref}$  aumenta, el regulador R(s) incrementa la frecuencia (y viceversa). Cuando la corriente del puente o la tensión en el capacitor exceden un máximo prefijado, la tensión de error  $V_e$  aumenta, aumentando también la frecuencia. El efecto de la actuación de una limitación equivale a un aumento de la tensión  $V_{ref}$ .

### Diseño de esquema RLC en Simulink

Para el diseño del sistema en Matlab se hicieron dos análisis del sistema, uno en el dominio frecuencial y otro en el dominio temporal.

### Análisis en frecuencia



Figura 35: Análisis en el dominio frecuencial del circuito RLC

$$V_{IN} - \frac{1}{sC} - IR - IsL = 0$$
$$V_{IN} - I\left(\frac{1}{sC} + R + sL\right) = 0$$
$$V_{IN} - I\left(\frac{s^2LC + sRC + 1}{sC}\right) = 0$$
$$I = V_{IN}\left(\frac{sC}{s^2LC + sRC + 1}\right)$$

La ecuación obtenida la construiremos en Simulink para la simulación.



Figura 36: Esquema realizado con el análisis en frecuencia del circuito RLC en Simulink

Análisis en variable de estado

En base a la Figura 35 hacemos el análisis en el dominio temporal con variables de estado

Ecuaciones del sistema

$$V_{i}(t) = Ri(t) + L_{s} \frac{di(t)}{dt} + V_{c}(t)$$
$$i(t) = C \frac{dV_{c}}{dt}$$

Obtenemos las matrices de la representación espacio-estado

$$\dot{\mathbf{x}}(t) = \mathbf{A}\mathbf{x}(t) + \mathbf{B}\mathbf{V}_{i}(t)$$
$$\mathbf{y}(t) = \mathbf{C}\mathbf{x}(t) + \mathbf{D}\mathbf{V}_{i}(t)$$

En base a las ecuaciones diferenciales mostradas y tomando como variables de estado

$$\begin{aligned} x_{1} &= i(t) \\ x_{2} &= V_{C}(t) \\ \dot{x}_{1} &= \frac{di(t)}{dt} = -\frac{R}{L}i(t) - \frac{1}{L}V_{C}(t) - \frac{1}{L}V_{i}(t) \\ \dot{x}_{2} &= \frac{dV_{c}}{dt} = \frac{1}{C}i(t) \\ \begin{bmatrix} \dot{x}_{1} \\ \dot{x}_{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{R}{L} & -\frac{1}{L} \\ \frac{1}{C} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{1}{L} \\ 0 \end{bmatrix} [V_{i}(t)] \\ [y] &= \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} [V_{i}(t)] \end{aligned}$$

Con las matrices de las ecuaciones de estado podemos armar el sistema en Simulink



Figura 37: Esquema realizado con el análisis en variable de estado del circuito RLC en Simulink

Se decide trabajar con el análisis en el dominio frecuencial y se completa el esquema con un PLL diseñado con un módulo VCO de Simulink, una XOR para las señales de tensión y corriente y un filtro pasa bajos. Además, se utiliza un controlador PI.



Figura 38: Esquema completo realizado en Simulink con PLL y controlador

Algunos parámetros que se fijaron en este esquema son en el caso del controlador una constante proporcional de 10 y una integral de 100, dándonos un tiempo de establecimiento de aproximadamente 50[ms]. El tiempo de muestreo es  $T_s = 0.0005[s]$ .

Se hicieron simulaciones para verificar el funcionamiento.



Figura 39: Corriente y tensión de salida con control y en frecuencia de resonancia realizada en Simulink

Configuramos el VCO con un valor inicial de 30[KHz]. Con los valores utilizados del circuito resonante y en el circuito de control que mencionamos, la frecuencia de resonancia esta cercana a los 20[KHz].

El tiempo de establecimiento ronda los 50[ms], esto puede verse en la Figura 40.



Figura 40: Frecuencia en función del tiempo realizado en Simulink

En base a nuestros criterios los valores de las constantes de control nos dan un tiempo de establecimiento óptimo. Con un tiempo de establecimiento demasiado rápido podría verse comprometido el funcionamiento, debido al tiempo de respuesta del filtro pasa bajos del sensor de fase. Además, ya mencionamos anteriormente que el tiempo de establecimiento no es una variable prioritaria en el calentamiento por inducción.

Tabla 5: Características del control

Parámetros o	de contr	ъ
--------------	----------	---

K <sub>p</sub>	10
K <sub>i</sub>	100
K <sub>d</sub>	0
$T_s$	0.0005[s]
T <sub>e</sub>	50[ <i>ms</i> ]

# Diseño de topologías y circuitos

En esta sección seleccionaremos las mejores topologías que anteriormente analizamos, diseñaremos los circuitos para cada una de las etapas y determinaremos los componentes a utilizar.

Una buena práctica de diseño es separar de forma modular las distintas etapas, teniendo así por ejemplo aislación entre la parte de control y la parte de potencia.



Figura 41: Diagrama de bloques del sistema de calentamiento por inducción propuesto

# **Convertidor AC/DC**

Este diseño cuenta básicamente de un rectificador de onda completa monofásico y un banco de capacitores para el bus de continua. Además, se incorpora una lógica de control donde por medio de un relé utilizamos una resistencia para la carga de los capacitores y así evitar picos de corriente inicial. Una vez cargados, esta resistencia serie es retirada con la conmutación del relé. Cálculos más detallados se encuentran en el *"Anexo A – Cálculos auxiliares"*.



Figura 42: Bus DC con control de carga

## Inversor DC/AC y Fuente 15[V]

En esta placa se encuentra el inversor DC/AC, el cual consiste en un puente H de IGBT (TGAN140N120FDR), los cuales cuentan con diodo de marcha libre en su interior, sus respectivos drivers (IR2113), la fuente de alimentación de 15[*V*] para alimentar los circuitos integrados, los optoacopladores para aislar las señales de control y además se encuentra un comparador (LM311) para detectar los cruces por cero de la tensión en la salida del circuito.

Cálculos más detallados se encuentran en el "Anexo A - Cálculos auxiliares".







Figura 43: Esquemático del circuito de potencia y drivers de control

# Red de Snubber

Primeramente, en baja potencia probamos la máquina de inducción magnética sin red de Snubber en la etapa de potencia, no se obtuvieron buenos resultado porque existían sobreimpulsos en la tensión durante la conmutación.

El alto  $\frac{dv}{dt}$  en un transitorio de conmutación rápida en un interruptor semiconductor está asociada con los componentes parásitos que generan oscilaciones y picos de voltaje que tienen efectos adversos en la operación de dispositivos de potencia.



Figura 44: Salida del inversor sin red de Snubber

Según [16] lo ideal es la utilización de red de Snubber paralela a los interruptores del lado bajo en el puente-H. Y el valor del capacitor utilizado dependerá únicamente de la tensión y ciclo de trabajo que se utilizan.

#### <u> 2 – Desarrollo</u>

Calcular un valor ideal de manera analítica no arroja valores precisos y tampoco garantiza buenos resultados, esto es debido a que este fenómeno es generado por capacidades e inductancias parásitas que además de las intrínsecas en los semiconductores se generan por la disposición y geometría del PCB, por este motivo siempre se realiza todo el proceso de manera experimental.

En base a distintas pruebas pudimos sacar las siguientes conclusiones. Aumentar el valor de capacidad reduce las oscilaciones, pero puede afectar el tiempo de respuesta del semiconductor. Un valor de resistencia bajo reduce las oscilaciones, pero se generan elevadas corrientes y se disipa más potencia. Al variar la tensión de trabajo, varían los valores óptimos de la red de Snubber, pero las oscilaciones y sobreimpulsos que se generan son constantes. Por eso al trabajar con tensiones elevadas estos impulsos son proporcionalmente más reducidos.

Los valores utilizados son

Tabla 6: Valores de la red Snubber





Figura 45: Salida del inversor con red de Snubber

## <u>Optoacopladores</u>

Se seleccionaron optoacopladores aptos para funcionar a la frecuencia utilizada, aun así, se debió comprobar su correcto funcionamiento. Estos componentes tienen un tiempo de encendido y de apagado y se debe determinar que no afecte el disparo del driver.



Figura 46: Señales de salida de los optoacopladores

Si bien los tiempos de encendido y apagado no son ideales, no afecta el funcionamiento de los drivers ya que los integrados utilizados tienen entradas Schmitt trigger.

# Sensor de corriente

Para la medición de la corriente se utilizó un sensor de corriente por efecto Hall, específicamente el integrado utilizado es el ACS712-30A que soporta una corriente de 30A. Especificaciones

Tabla 7: Características	del sensor ACS712	[17]
--------------------------	-------------------	------

Sensor	$I_p[A]$	S[mV/A]	f[kHz]	$V_{OUT}[V]$	$V_{cc}[V]$
ACS712-30A	±30	66	80	<i>V<sub>cc</sub></i> * 0.5	5

# Transformador y circuito resonante

El circuito resonante, como dijimos anteriormente, cuenta con un transformador para que la impedancia vista en el convertidor DC/AC nos determine una corriente dentro de los márgenes admisibles por los IGBT y de esta forma con la relación de transformación controlamos la potencia.



Figura 47: Esquemático del circuito resonante serie con transformador

El transformador que utilizamos lo construimos con un núcleo de Ferrita toroidal.



Figura 48: Núcleo de Ferrita utilizado para el transformador

Este transformador está constituido por 23 vueltas en el primario y 4 vueltas en el secundario, obteniendo una relación de transformación N = 5.75.

El diseño detallado, así como los cálculos preliminares del transformador se encuentran en el *"Anexo A – Cálculos auxiliares".* 

### Capacitores de resonancia

Los capacitores que utilizamos son del tipo MKPH (capacitores resonantes de película metalizada de alto voltaje) de 0.3[uF]. Para lograr llegar a la corriente deseada se diseñó un banco de capacitores, donde se utilizaron 9 capacitores en paralelo resultando una capacitancia de 2.7[uF]. Se optó por este valor, ya que vimos mejores resultados con frecuencias mayores, la nueva frecuencia de resonancia es  $f_r = 23.8[KHz]$ .

#### Medición y control

Con objetivos de modularidad, se diseñó un tercer PCB para las etapas de medición y control, esto nos permite tener la libertad de que ante eventuales fallos en alguna etapa o cambios en el diseño de ellas sea más sencillo de resolver. Este circuito realiza el procesamiento de la señal de corriente y la obtención de la señal de desfasaje.



Figura 49: Esquemático del circuito de control y limitaciones de corriente

El circuito cuenta con tres transistores funcionando en las regiones de corte y saturación para amplificar la corriente de las señales digitales que salen del microcontrolador hacia los optoacopladores de la etapa de potencia. El cuarto transistor esta polarizado como amplificador Clase A, es utilizado para amplificar la señal de corriente proveniente del sensor ACS712. Luego esta señal es introducida en un comparador donde obtenemos una señal cuadrada en función de los cruces por cero.

La compuerta XOR es utilizada para medir el desfasaje entre, las señales de tensión proveniente de la etapa de potencia y corriente luego de ser procesada.

La señal entregada por la compuerta XOR es una señal PWM, su ciclo de trabajo representa el desfasaje, obteniendo entonces un ciclo de trabajo del 50% con un desfasaje de 90° (máximo desfasaje) y un ciclo de trabajo de 0% con un desfasaje de 0° (mínimo desfasaje). Esta señal para ser procesada por el microcontrolador pasa por un filtro pasa bajos convirtiendo la señal PWM en un nivel de tensión continua proporcional al ciclo de trabajo.

El filtro pasabajos fue calculado para una frecuencia de corte de 30[Hz], este parámetro puede variar, pero debemos tener en cuenta que no debe ser demasiado bajo porque la respuesta será lenta y tampoco demasiado alto porque la señal será ruidosa.

Hantek 🔀 🖊 🥐			8.00ms	Cursor
`				Tipo Off O Tiempo O Tension @ Track Evente
				⊙ CH1 ○ CH2(off) ○ MAT(off) ○ RefA(off) ○ RefB(off)
				Selec cursor
				⊙S -24.20πs
				OE 520mV 1.800ms
	1			dV 3.96V dt 26.00ms
DC 1.00V	CH1	∫ 720mV 0.	00000Hz	

Figura 50: Tiempo de respuesta del filtro pasa bajos de la señal de desfasaje

Podemos observar en la Figura 50 el tiempo de respuesta del filtro pasa bajos o carga del capacitor del filtro, tenemos un tiempo de establecimiento de 26[ms]. Este tiempo de respuesta se utilizará a la hora de desarrollar el sistema control.

# Características del microcontrolador

El microcontrolador que se decidió utilizar es el dsPIC33FJ128MC802 por su disponibilidad y prestaciones para el procesamiento digital de señales.

El módulo de CPU dsPIC33FJ128MCX02 tiene una arquitectura Harvard modificada de 16 bits de datos, que incluye soporte significativo para el procesamiento digital de señales. La CPU tiene una longitud de palabra de 24 bits con un campo de opcode de longitud variable [18].

Entre sus características más destacables encontramos

- Clock interno de 80[*MHz*].
- Hasta 4 generadores PWM con 8 salidas.
- Tiempos muertos configurables para flancos ascendentes y descendentes.
- Resolución PWM de 25[ns].
- ADC de 10/12bits con tasa de conversión de 1.1 [*Msps*]/500[*ksps*].

## Módulo MCPWM

La utilización de un microcontrolador de la serie dspic33f otorga ventajas a la hora de controlar un puente completo. El módulo Motor Control PWM (MCPWM) genera hasta cuatro PWM con ocho salidas, tiempos muertos para los flancos crecientes y decrecientes, tiene una resolución máxima de 25[ns].

El módulo utilizado fue el MCPWM2 el cual provee un par de salidas PWM complementarias de ciclo de trabajo y frecuencia configurables, además mediante la configuración de un prescaler ofrece la posibilidad de generar el tiempo muerto requerido para el control del puente-H IGBT. Este actúa como un temporizador para contar hasta un valor de período de tiempo donde el ciclo de trabajo y el período de la forma de onda periódica de pulsos generada son programables.

## **Periféricos**

Este microcontrolador cuenta con una cantidad completa de periféricos, todos los pines de los puertos I/O propios de los periféricos son compartidos con los de propósito general.

## Módulo ADC

Características más destacables.

- ADC de 10/12 bits con tasa de conversión de 1.1 [*Msps*]/500[*ksps*].
- Cinco canales de entrada ADC y cuatro S&H.
- Fuentes de activación flexibles/independientes.
- Comparadores de 150[ns].
- Dos módulos Comparadores Analógicos.
- Conversión por aproximaciones sucesivas.

Con la placa de desarrollo utilizada MicroStick II las únicas referencias de tensión del ADC son 0[V] y 3.3[V].

## Temporizadores

Este microcontrolador cuenta con tres tipos de temporizadores, siendo estos de tipo A (Timer1), tipo B (Timer2) y tipo C (Timer3). Los que nos interesan son los temporizadores tipo B y tipo C ya que ofrecen la opción de concatenación por lo cual se pueden configurar de manera en que funcionen como un solo temporizador de 32bits. Funcionan en modo síncrono, es decir, la fuente de clock del temporizador se deriva de una entrada externa de clock, se divide por un prescaler programable y se sincroniza con la señal de clock interna

### <u> 2 – Desarrollo</u>

del dispositivo. Cuando el temporizador es habilitado, este se incrementa en uno en cada flanco ascendente de la señal de clock de entrada hasta que llega al valor establecido que genera el desborde del temporizador.

# Tiempo muerto

Una característica muy importante en este microcontrolador es la posibilidad de configurar un tiempo muerto en el PWM. De otra manera lo hubiésemos tenido que implementar mediante hardware agregando complejidad al circuito, además su construcción con componentes discretos no permite la variación de este tiempo de forma sencilla. Este tiempo muerto lo determinamos de manera empírica observando los tiempos de activación y desactivación de los IGBT.



*Figura 51: Tiempo muerto de*  $4[\mu s]$  *medido a la salida del puente con una carga resistiva* El tiempo muerto utilizado en la etapa final es de  $2[\mu s]$ .





Figura 52: Diagrama de flujo del código implementado en dsPIC33

# Capítulo 3: Resultados

El producto final puede entregar una potencia máxima, según las características de la pieza de calentado, de 6000[W], esta potencia podría ser aumentada cambiando algunas características de diseño. Debido a la alta eficiencia, la etapa de potencia se encuentra preparada para trabajar con potencias mayores. Las limitaciones para superar esta potencia están dadas por la corriente que circula por los IGBT, aproximadamente  $22[A_{rms}]$ . Por la presencia de corrientes elevadas se dificulta el dimensionamiento de los conductores y las pistas en el PCB. Además, el sensor de corriente utilizado para el control está limitado en  $30[A_{nico}]$ .



Figura 53: Portaherramientas Leitz HSK-F63 de 25[mm]

Las primeras pruebas de funcionamiento se realizaron con un portaherramientas de la marca Leitz del tipo HSK-F63 para herramientas de 25[mm] de diámetro Figura 53. En cuanto al calentamiento se tuvieron buenos resultados, sin embargo, no se pudo extraer la herramienta del portaherramientas. Debido a esto se consiguió otro portaherramientas de la misma marca y tipo, pero de un diámetro de 12[mm] Figura 54. En este caso tenemos menor volumen de material que calentar, por lo tanto, la resistencia equivalente es de menor valor aumentando la potencia entregada y el calentamiento es más veloz. Con este portaherramientas se cumplió el objetivo del proyecto. Tuvimos los siguientes tiempos de calentamiento, extracción de la pieza entre  $13[s] \sim 15[s]$  e introducción entre  $8[s] \sim 10[s]$ .



Figura 54: Portaherramientas Leitz HSK-F63 de 12[mm]

#### <u>3 – Resultados</u>

Los resultados si bien no coincidieron totalmente con los valores calculados, ya que esperábamos tiempos de calentamiento de 10[s] con una potencia de 3000[W], lo logramos con una potencia de 5000[W]. Esto es gracias al sobredimensionamiento que se dio en el diseño con fines de robustez y por la alta eficiencia del sistema.

La eficiencia final de la máquina ronda el  $90\% \sim 95\%$  sin tener en cuenta las pérdidas en el circuito resonante y el transformador.

Debemos remarcar que obtuvimos un prototipo funcional, de alta eficiencia y de muy bajo costo si lo comparamos con los productos existentes en el mercado.

En cuanto a las mediciones y señales obtenidas, medimos la tensión y la corriente a la salida del puente-H con el portaherramientas de 25[mm]. Para medir la corriente intercalamos un resistor shunt de  $0.27[\Omega]$  en serie con el primario del trasformador.



*Figura 55: Tensión y corriente a la salida del inversor con una potencia de 3[KW]* 

De la Figura 55 se obtiene que la corriente RMS en la salida es de 11.73[A] y la tensión es de 252[V], resultando una potencia media de 2956[W].

Utilizando el portaherramientas de 12[mm], las mediciones nos arrojaron que la potencia de entrada es de 5144[W], siendo la corriente de 23.6[A] y la tensión de 218[V].



Figura 56: Tensión y corriente a la salida del inversor con una potencia de 4.5[KW]

De la Figura 56 se obtiene que la corriente RMS en la salida es de 18.3[A] y la tensión media sobre el bus DC es de 272[V], resultando una potencia media de 4480[W] Considerando solo el primer armónico.

# Eficiencia:

La eficiencia calculada se realiza con la potencia medida en la salida y en la entrada, debemos aclarar que las mediciones obtenidas no son de gran precisión por los instrumentos utilizados. Además, no se tienen en cuenta las pérdidas que tienen el transformador y el circuito resonante, ya que las mediciones se realizan a la salida del convertidor.

Prueba	Eficiencia	$P_o$	P <sub>i</sub>	Portaherramientas	Herramienta
1	95.8%	3864[W]	4030[W]	25[ <i>mm</i> ]	Si
2	88.6%	3545[W]	4000[W]	25[ <i>mm</i> ]	Si
3	93.6%	3707[W]	3960[W]	25[ <i>mm</i> ]	Si
4	96.5%	4809[ <i>W</i> ]	4980[W]	12[ <i>mm</i> ]	No
5	94.2%	4655[W]	4937[W]	12[ <i>mm</i> ]	Si

Tabla 9: Mediciones de la eficiencia del prototipo

Calculando un promedio

$$\eta = \frac{P_o}{P_i} 100\% = 93.7\%$$

# Imágenes del prototipo:



Figura 57: Prototipo completo (I)



Figura 58: Circuito resonante del prototipo



Figura 59: Prototipo completo (II)



Figura 60: Bobina de calentamiento

# Capítulo 4: Análisis de Costos

En la siguiente tabla se detallan los costos unitarios y las cantidades de cada uno de los materiales utilizados para la construcción del prototipo del calentador por inducción. Para una versión comercial se debería agregar el costo de un gabinete, llave de encendido, PCB para el microcontrolador, entre otros.

Tabla 10:	Presu	puesto	de	materia	les
-----------	-------	--------	----	---------	-----

Ítem	Descripción	Cantidad	Precio unitario	Precio	
IGBT	TGAN40N120FDR	4	758	3032	
Disipador	Para IGBT	1	2000	2000	
Diodo	1N5819	4	13	52	
Diodo bootstrap	UF4007	2	19	38	
Diodos Zener 20V 1W	1N4748	4	23	92	
Driver	IR2110	2	450	900	
Resistencia Snubber	Res. Cementada 3.9	2	130	260	
Capacitor Snubber	15n 1600v	2	306	612	
Optoacoplador	6N136	3	214	642	
Optoacoplador	PC817	1	39	39	
Regulador de 15V	LM7815	1	140	140	
Sensor de corriente	Acs712 -30A	1	664	664	
Pasta térmica		0,2	600	120	
Aislante de mica	TO-247	4	60	240	
Capacitor electrolítico	220uf x 400v	9	1096	9864	
Resistencia 5w	Res. Cementada 150	1	130	130	
Relé	SLA-12VDC-SL-A	1	550	550	
Rectificador Monofásico	КВРС5006	1	650	650	
Disipador	Para KBPC5006	1	700	700	
Resistencia	47k 3W	2	60	120	
LED 5mm	Rojo y verde	2	20	40	
Comparador	LM311	4	289	1156	
Resistencia	1% 1/4W	47	20	940	
Capacitor cerámico	100 nF	17	16,5	280,5	
Capacitor electrolítico	1000uf x 25 V	3	48	144	
Capacitor electrolítico	47uf x 25 V	2	39	78	
Capacitor electrolítico	4.7uf x 25 V	2	24	48	
Capacitor electrolítico	2200uf x 25 V	1	90	90	
Capacitor electrolítico	1uf	2	24	48	
<u>4– Análisis de costos</u>				5	<u>59</u>
-----------------------------------	--------------------	-----	-------	---------	-----------
Microcontrolador	Dspic 33FJ108MC802	1	4500	4500	
Rectificador 2A	KBP210	2	149	298	
Regulador de 5V	LM7805	1	94	94	
Bornera		4	57	228	
Terminal pala hembra		16	10	160	
Terminal pala macho		12	31	372	
Cable	2.5 mm^2	5	170	850	
Cable	4 mm^2	1	200	200	
Cable TPR	3x4 mm	1,5	500	750	
Toma corriente 20A		1	300	300	
Transformador	15 V 1A	1	2100	2100	
Transformador	6v	1	835	835	
Placas pertinax	20 mm x 30 mm	1	750	750	
Transistor	BD135	1	120	120	
Transistor	BC548	4	14	56	
Circuito integrado	74HC86	1	149	149	
Preset	20k	3	140	420	
Tira de pines	Hembra 2.5 mm	1	60	60	
Tira de pines	Macho 2.5 mm	1	60	60	
Termo contraíble		0,5	250	125	
Capacitores de alta frecuencia	0.3uf	9	800	7200	
Toroide 58x28x28 N87		1	9000	9000	
Alambre esmaltado	0.91 mm (AWG19)	0,3	4592	1377,6	
Carretel bobina (Teflón)		1	10000	10000	
Cinta de fibra cerámica	Aislante térmico	0,3	270	81	
Pegamento alta temperatura		1	600	600	
Terminal para cable de 16mm		2	150	300	
Estaño		8	48	384	
Total				65039,1	

#### Costos totales

Para determinar los costos totales debemos calcular las horas dedicadas al desarrollo del proyecto desde que iniciamos el análisis del portaherramientas hasta las pruebas finales del prototipo, en total fueron unas 10 horas semanales durante 10 meses. Se tomó como referencia el valor de los honorarios para un ingeniero especialista fijado por el colegio de ingenieros especialistas de Entre Ríos en la resolución N°1858/2022 (\$1300), resultando un costo unitario de

$$C_H = 400 * 1300 = $520000$$

El costo total es:

 $C_T = C_{item} + 3C_H =$ \$1625000

## Capítulo 5: Discusión y Conclusión.

Si bien la máquina es un prototipo funcional debemos mencionar que algunos resultados obtenidos difieren de los objetivos planteados. En primera instancia habíamos planteado un prototipo de una potencia aproximada de 3000[W] calculados para un portaherramientas de 25[mm]. Con este portaherramientas la potencia máxima de funcionamiento fue de 4000[W] sin conseguir retirar la herramienta, una hipótesis es que la potencia que nosotros utilizamos no es suficiente y el tiempo de calentamiento es muy prolongado para generar una dilatación óptima. Las máquinas comerciales que funcionan para estos diámetros de portaherramientas de 11000[W]. Los resultados satisfactorios se obtuvieron con un portaherramientas de 12[mm] que debido a su menor diámetro el circuito resonante tiene una resistencia equivalente menor. Con éste conseguimos una potencia cercana a los 5000[W] y logramos la extracción y posterior introducción de la herramienta. Quedará para futuros desarrollos la implementación de un sistema de alimentación trifásico que permita aumentar la potencia para trabajar con portaherramientas de diámetros superiores.

El valor de la resistencia equivalente calculada difiere bastante del que obtuvimos empíricamente, hasta dos veces. Esto se debe a que la fórmula es aproximada y hay muchas variables que no están contempladas, además, esta fórmula está diseñada para un solenoide largo, al tener múltiples capas realizamos una aproximación a un solenoide de igual características, pero de una única capa. Otro aspecto que podría afectar son los valores de resistividad y permeabilidad magnética de la pieza, aunque sabemos que el material es acero H13, existe muy poca información sobre sus características físicas, la bibliografía nos da valores incongruentes y contradictorios entre sí, por lo que tuvimos que optar por valores que se asemejen a las mediciones empíricas que hemos realizado.

La bobina de calentamiento la diseñamos para una corriente de 25[A], pero el valor que puede soportar está muy alejado, logramos que circulen más de 100[A] sin inconvenientes. Esto se debe a que los valores de corriente máxima que tomamos para el conductor eran para condiciones de altas temperaturas y de baja circulación de aire, esto nos generó un sobredimensionamiento que nos permitió subir a la potencia final del prototipo. Creemos que tener tiempos cortos de calentamiento podría circular aún más corriente.

Los capacitores que conseguimos son específicos para aplicaciones de calentamiento para inducción, más precisamente se utilizan en cocinas de inducción. De igual manera, la gran mayoría de las pruebas se realizaron con capacitores para motores AC, si bien estos capacitores son para trabajar con bajas frecuencias, resistieron muy bien las pruebas, seleccionando una cantidad adecuada a utilizar podrían ser una alternativa en caso de no acceder a capacitores específicos.

El sensor de corriente lo seleccionamos por su simplicidad a la hora de utilizarlo, pero después de realizar las pruebas y habiendo probado otro tipo de sensores, como transformadores de corriente, determinamos que no es el sensor ideal, sobre todo porque no se mide de manera indirecta ya que la corriente circula por el integrado, limitando el valor de la corriente a la máxima corriente admisible por el sensor. En el caso de un sensor indirecto no existe un límite en la corriente a medir.

Algunos aspectos para mejorar son, en primer lugar, el control de potencia que, si bien podríamos controlar la potencia alejándonos de la frecuencia de resonancia, si utilizamos esta técnica no estaríamos aprovechando las ventajas de la conmutación por corriente cero, reduciendo drásticamente la eficiencia y se debería analizar hasta qué punto se puede

reducir sin que se sobrepase el límite de disipación de los IGBT. Además, al alejarnos de la frecuencia de resonancia se generan una gran cantidad de armónicos que no son aprovechados para generar calor en la pieza. En segundo lugar, la máquina solo puede funcionar con la pieza de calentamiento, si ésta es retirada la resistencia equivalente se reduce drásticamente y la corriente se dispara. Esto podría solucionarse con lo que mencionamos antes, es decir, el control de potencia o colocando un circuito de protección o limitador de corriente.

## Capítulo 6: Literatura Citada

- [1] Haimer, «Haimer,» [En línea]. Available: https://www.haimer.es.
- [2] L. Koudela, «Modelado numérico y optimización de procesos en prensado en caliente,» Ingenieria electrica e informatica PhD, 2015.
- [3] Bilz, «Bilz,» [En línea]. Available: https://www.bilz.com.
- [4] J. Chen, G. Wang, W. Song y G. Liu, «The Heat Performance Analysis of HSK Shrink Toolholder,» Institute of Precision Engineering Jiang Su University, Zhenjiang, P.R. China, 2012.
- [5] X. Wu, C. Li, S. Sun, R. Tong y Q. Li, «A Study on the Heating Method and Implementation,» *MDPI*, 2019.
- [6] J. Chen, L. Tian, H. Shang y G. Wang, «Thermal Fatigue Analysis of HSK Shrink Toolholder,» Institute of Precision Engineering, Jiang Su University and Chengdu tool research institute co., Zhenjiang and Chengdu, P.R. China, 2014.
- [7] S. Z. a. S. L. Semiatin, Elements of Induction Heating Design,Control, and Applications, Ohio, USA: ASM International, 1988.
- [8] G. M. Segura, «Induction heating converter's design, control and modeling applied to continuous wire heating,» Universidad Politecnica de Catalunya -Departamento de Ingenieria Electrica - PhD, Barcelona, 2012.
- [9] V. Rudnev, D. Loveless, R. Cook y M. Black, Handbook of induction heating, Michigan, U.S.A.: Marcel Dekker, 2003.
- [10] J. M. Huerta, «Inversor resonante de tres elementos L-LC con caracteristica cortocircuitable para aplicaciones de calentamiento por induccion,» Universidad de Valencia - PhD, Valencia, 1998.
- [11] V. E. Gomez, «Influencia de los componentes paracitos en el analisis y diseño de inversores resonantes paralelo para aplicaciones de calentamiento por induccion,» Universidad de Valencia - Departamento de Electronica - PhD, Valencia, 2003.
- [12] B. C. Kuo, Sistemas de control automático, 7ma ed., Mexico: Prentice-Hall Hispanoamericana, 1996.
- [13] Leitz, «Leitz,» [En línea]. Available: https://www.leitz.org/es-es/.
- [14] S. Yafei, N. Dongjie y S. Jing, «Temperature and Carbon Content Dependence of Electrical Resistivity of Carbon Steel,» *IEEE*, pp. 368-372, 2009.
- [15] M. H. Rashid, Electrónica de potencia, Prentice Hall Hispanoamerica, S.A., 1993.
- [16] Ezzidin Hassan Aboadla, Sheroz Khan, Kushsairy Abdul Kadir, Zulkhairi Md Yusof, Mohamed Hadi Habaebi, Shabana Habib, Muhammad Islam, Mohammad Kamrul Hasan y Eklas Hossain, «Suppressing Voltage Spikes of MOSFET in H-Bridge,» *electronics - MDPI*, 2021.

- [17] ALLEGRO microsystems, «ALLEGRO microsystems,» 7 Febrary 2022. [En línea]. Available: https://www.allegromicro.com/-/media/files/datasheets/acs712datasheet.pdf.
- [18] Microchip Technology Inc, «MICROCHIP,» 2007-2012. [En línea]. Available: https://ww1.microchip.com/downloads/en/DeviceDoc/70291G.pdf.
- [19] TDK, «TDK electronics,» 10 2018. [En línea]. Available: https://www.tdkelectronics.tdk.com/download/528882/71e02c7b9384de1331b3f625ce4b2123/pdfn87.pdf.
- [20] VISHAY, «VISHAY,» 6 Apr 2020. [En línea]. Available: https://www.vishay.com/docs/88755/uf4001.pdf.
- [21] J. Adams, «Infineon,» 9 4 2001. [En línea]. Available: http://www.irf.com/technical-info/designtp/dt98-2.pdf.
- [22] N. Moan, T. M. Undeland y W. P. Robbins, Electronica de potencia: Convertidores, aplicaciones y diseños, McGraw-Gill, 2009.

# Anexo A – Cálculos auxiliares Circuito tanque RLC

### Frecuencia de resonancia

[8, pp. 32-33] Observando el circuito RLC de la Figura 7 y suponiendo que es alimentado con una tensión, se obtiene la ecuación:

$$v_{tanque} = v_{Req} + v_{L} + v_{C} = R_{eq}i_{tanque} + L \frac{di_{tanque}}{dt} + \frac{1}{C}\int i_{tanque}dt$$

Usando la transformada de Laplace con la condición inicial igual a cero la ecuación anterior se convierte en:

$$V_{tanque}(s) = R_{eq}I_{tanque}(s) + sLI_{tanque}(s) + \frac{1}{sC}I_{tanque}(s)$$

De esta manera se obtiene un sistema de segundo orden con un cero

$$H(s) = \frac{I_{tanque}}{V_{tanque}} = \frac{sC}{s^2 LC + sCR_{eq} + 1} = sC \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta \omega_n s + \omega_n^2}$$

Las raíces del sistema de segundo orden son:

$$s1, s2 = -\zeta \omega_n \pm j\omega_n \sqrt{1-\zeta^2}$$

Donde  $\zeta$  es el coeficiente de amortiguamiento, el cual es el coseno de las raíces del eje real negativo del plano *s* y es igual a:

$$\zeta = \frac{R_{eq}}{2} \sqrt{\frac{C}{L}} = \frac{R_{eq}}{2\omega_n L}$$

 $\omega_n$  es la frecuencia natural no amortiguada del circuito tanque y es la distancia radial de las raíces al origen del plano *s* y es igual a:

$$\omega_{\rm n} = \frac{1}{\sqrt{\rm LC}}$$

Transfiriendo la ecuación al dominio de la frecuencia se convierte en

$$H_{s}|(s)|_{s=j\omega} = \frac{j\omega C}{1 - \omega LC + j\omega CR_{eq}}$$

Que tiene el siguiente módulo

$$|H_{s}(\omega)| = \frac{C}{\sqrt{(CR_{eq})^{2} + (\omega LC - \frac{1}{\omega})^{2}}}$$

Calculando la derivada de la ecuación anterior se obtiene la siguiente ecuación

$$\frac{\mathrm{d}|\mathrm{H}_{\mathrm{s}\,(\omega)}|}{\mathrm{d}\omega} = \mathrm{C} \left[ -\frac{1}{2} \left[ \left( \mathrm{CR}_{\mathrm{eq}} \right)^2 + \left( \omega \mathrm{LC} - \frac{1}{\omega} \right)^2 \right]^{-\frac{3}{2}} \left[ 2\omega \mathrm{L}^2 \mathrm{C}^2 - 2\frac{1}{\omega^3} \right] \right]$$

Que tiene un cero en

$$\omega_{\rm r} = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

Siendo este cero el máximo de la ecuación H(s) y la frecuencia de resonancia del circuito. En este caso  $\omega_r$  es igual a la frecuencia natural no amortiguada  $\omega_n$  y la función de transferencia es igual a:

$$H(\omega_{r}) = \frac{I_{tanque}(\omega_{r})}{V_{tanque}(\omega_{r})} = \frac{1}{R_{eq}}$$

## Bobina de inducción

## Número de vueltas de la bobina

Con la longitud de la bobina  $l_{\rm c}$  y el diámetro del conductor  $d_{\rm t}$  calculamos la cantidad de vueltas de la primera capa.

$$N_{l1} = \frac{l_c}{d_t} \approx 7[vueltas]$$

La segunda capa es de la misma cantidad de vueltas que la primera  $N_{l2} = 7$ [vueltas].

La tercera capa es de  $N_{l3s} = 2[vueltas]$  en la parte superior y  $N_{l3i} = 2[vueltas]$  en la parte inferior.

Longitud del conductor

En la primera capa el diámetro es  $d'_1 = 52.77$ [mm] y la longitud del conductor es

$$L_1 = \pi d'_1 * N_{l1} = 1.16[m]$$

En la segunda capa, el diámetro es  $d'_2 = 61.21[mm]$ 

$$L_2 = \pi d'_2 * N_{l2} = 1.35[m]$$

En la tercera capa, para la parte superior,  $d'_{3s} = 67.78[mm]$ 

$$L_{3s} = \pi d'_{3s} * N_{l3s} = 0.43[m]$$

Y, para la parte inferior,  $d'_{3i} = 71.46$ [mm]

$$L_{3i} = \pi d'_{3i} * N_{13i} = 0.45[m]$$

Entonces

$$L_3 = L_{3s} + L_{3i} = 0.88[m]$$

Por último, la longitud total de conductor es la suma de los segmentos anteriores

$$L = L_1 + L_2 + L_3 = 3.39[m]$$



Figura 61: Diámetros de la bobina

## **Transformador toroidal**

El toroide utilizado fue reutilizado de una soldadora inverter y fue imposible encontrar la hoja de datos al buscarlo por sus dimensiones por lo cual empíricamente determinamos de que material se trata.

Tabla 11: Dimensiones del núcleo

$d_a[mm]$	$d_i[mm]$	h[mm]
58	28	28

Cálculo del área efectiva y del camino magnético

$$A_{e} = \frac{(d_{a} - d_{i})}{2}h = 420[mm^{2}]$$
$$I_{e} = \frac{(d_{a} + d_{i})}{2}\pi = 135[mm]$$

Cálculo de permeabilidad relativa

Partimos de la expresión del factor de inductancia

$$A_L = \mu_0 \mu_i \frac{A_e}{I_e}$$

Despejando

$$\mu_i = A_L \frac{I_e}{A_e \mu_0} = 2465$$

Una vez obtenida la permeabilidad relativa del toroide de ferrita buscamos en distintos fabricantes y encontramos que el valor obtenido se encuentra dentro de la tolerancia del material N87 fabricado por TDK [19].

## Características del material N87

#### Material properties

Preferred application		Power transformers	
Material		N87	
Base material	ase material		MnZn
	Symbol	Unit	
Initial permeability (T = 25 °C)	μ		2200 ±25%
Flux density (H = 1200 A/m, f = 10 kHz)	B <sub>S</sub> (25 °C) B <sub>S</sub> (100 °C)	mT mT	490 390
Coercive field strength (f = 10 kHz)	H <sub>c</sub> (25 °C) H <sub>c</sub> (100 °C)	A/m A/m	21 13
Optimum frequency range	f <sub>min</sub> f <sub>max</sub>	kHz kHz	25 500
Hysteresis material constant	$\eta_{B}$	10 <sup>–6</sup> /mT	<1.0
Curie temperature	T <sub>C</sub>	°C	>210
Mean value of $\alpha_F$ at 25 55 °C		10 <sup>–6</sup> /K	4
Density (typical values)		kg/m <sup>3</sup>	4850
Relative core losses (typical values)	P <sub>V</sub>		
25 kHz, 200 mT, 100 °C		kW/m <sup>3</sup>	57
100 kHz, 200 mT, 100 °C		kW/m <sup>3</sup>	375
300 kHz, 100 mT, 100 °C		kW/m <sup>3</sup>	390
500 kHz, 50 mT, 100 °C		kW/m <sup>3</sup>	215
Resistivity	ρ	Ωm	10

Figura 62: Características del material N87 [19]

### Inductancia de magnetización

Para que la corriente de magnetización del transformador sea baja se necesita que la inductancia de magnetización (inductancia vista en lado primario con el secundario en circuito abierto) sea alta.

La inductancia de magnetización está dada por

$$L_m = N^2 A_L$$
$$L_m = 25^2 * 9638.5 * 10^{-9} = 6.02[mHy]$$

Donde

N es el número de vueltas del primario

 $A_L$  es el factor de inductancia

Por lo tanto, la corriente de magnetización es

$$I_m = \frac{V}{Z} \left( 1 - e^{-\frac{tZ}{L_m}} \right)$$

Donde:

$$Z = 2\pi f L \approx 716[\Omega]$$

Z es la impedancia del primario en el transformador

Con estas fórmulas se obtiene que, cuando la tensión de alimentación es una señal cuadrada, la corriente de magnetización es una señal diente de sierra que presenta los máximos y mínimos en las conmutaciones de la tensión. Además, indica que no se puede

lograr la conmutación a corriente cero, se debe conmutar por encima de este valor, de lo contrario se genera un pico de corriente que puede dañar los interruptores de potencia. Esta es la razón por lo cual la inductancia de magnetización debe ser seleccionada adecuadamente para así minimizar la corriente de magnetización y conseguir una conmutación lo más cercana a cero posible.

## Convertidor AC/DC



Figura 63: Bus de continua con control de carga

Para el diseño del bus DC se fijó la tensión de rizado en un 13% por lo tanto para una tensión AC de  $220[V_{rms}]$  y 50[Hz], la tensión de rizado es de 40[V], por lo tanto, la capacitancia

$$C = \frac{I}{2fV_r} = \frac{12}{2*100*40} = 1.5[mF]$$

Por esto, se implementó un banco de 9 capacitores en paralelo de  $220[\mu F]/400[V]$ .



Figura 64: Tensión de rizado en el bus DC de  $1980[\mu F]$ 

Se debió implementar un circuito de carga donde una resistencia de  $180[\Omega]$  es conectada en serie y mediante un comparador se acciona un relé que desconecta la resistencia cuando están cargados a una tensión de 200[V], el tiempo de carga es de 750[ms]. Para la descarga de estos se utiliza una resistencia de  $100[k\Omega]$  en paralelo formado por dos de  $47[k\Omega]$  que en funcionamiento disipan una potencia de 0.5[W] cada una.



Figura 65: Corriente de carga y tensión en los capacitores

Para no sobre cargar el comparador, el relé es activado por un transistor BD135 y se debió agregar una resistencia en serie a este porque la alimentación es de 15[V] y la bobina del relé es de 12[V], entonces

$$R_{Rel\acute{e}} = 160[\Omega]$$

$$I_{Rel\acute{e}} = \frac{12}{160} = 75[mA]$$

$$V_x = V - V_{Rel\acute{e}} - V_{sat} = 2.5[V]$$

$$R_9 = \frac{V_{R9}}{I_{Rel\acute{e}}} = 33[\Omega]$$

Además, se añadieron dos LEDs, uno rojo que indica que los capacitores se encuentran descargados y uno verde que indica que los capacitores están cargados.

Donde

$$R_{LED} = 2000[\Omega]$$
$$I_{LED} = \frac{15 - 2}{2000} = 6.5[mA]$$

El funcionamiento del comparador es sencillo, es un circuito no inversor, donde la referencia es de 7.5[*V*] y está dada por un divisor resistivo de resistencias de  $47[k\Omega]$ . Si fijamos una resistencia de medición en  $1[M\Omega]$  y la tensión de comparación en 200[V]

$$I_{S} = \frac{200 - 7.5}{1 * 10^{6}} = 192.5[\mu A]$$
$$R_{4} = \frac{7.5}{192.5 * 10^{-6}} = 38961 \approx 39[k\Omega]$$

## Convertidor DC/AC



En esta etapa se ha debido observar las hojas de datos del driver y del IGBT utilizado para determinar la resistencia de compuerta y el capacitor de Bootstrap.

Se eligió una  $R_g = 22[\Omega]$  ya que las pérdidas en conmutación con este valor son bajas y los tiempos son lo suficientemente rápidos para la aplicación.

Cálculo de la corriente pico del driver

$$I_{gpeak} = \frac{V_{cc}}{R_a} = \frac{15}{22} = 0.68[A]$$

Con lo cual el driver funciona sin problemas porque la  $I_{max} = 2[A]$ .

### Diodo Bootstrap

Se requiere un diodo de alta velocidad de conmutación y una tensión de bloqueo mínima de 311[V], por estos motivos se seleccionó el diodo UF4007.

Sus características principales son

Tabla 12: Características del diodo bootstrap [20]



### Cálculo del capacitor bootstrap

La mínima capacitancia requerido es

$$C \geq \frac{2 * \left[2Q_g + \frac{I_{qbs(max)}}{f} + Q_{is} + \frac{I_{Cbs(leak)}}{f}\right]}{V_{cc} - V_f - V_{min} - V_{CEsat}}$$

## Donde

- $Q_q = 320[nC]$  es la capacidad de gate
- f = 17[kHz] es la frecuencia de operación
- $I_{Cbs(leak)} = 250[nA]$  es la corriente de fuga
- $I_{qbs(max)} = 230[\mu A]$  es la máxima corriente de reposo para el circuito del lado alto
- $Q_{is} = 10[nC]$  es la carga de cambio de nivel requerida por ciclo
- $V_{cc} = 15[V]$  es la tensión de alimentación
- $V_f = 1 [V]$  es la caída de tensión en diodos en polarización directa

- $V_{min} = 8.5[V]$  es la tensión mínima de disparo del IGBT
- $V_{CEsat} = 2.5[V]$  es la tensión de saturación colector emisor del IGBT

$$C \ge \left(\frac{2 * \left[2 * 320[nC] + \frac{I_{qbs(max)}}{17000} + 10[nC] + \frac{250[nA]}{17000}\right]}{15 - 1 - 8.5 - 2.75}\right) = 442.36[nF]$$

De la nota de aplicación [21] se obtuvo como regla de diseño tomar 15 veces este valor

 $C \geq 442.36[nF]$ 

Utilizamos  $4.7[\mu F]$ 

Además, colocamos un diodo Zener de 20[V] para proteger las compuertas de los IGBT y un diodo 1N5819 para desconectar la  $R_q$  en el apagado y con esto mejorar los tiempos de conmutación.

#### Optoacopladores

Como mencionamos anteriormente se aisló eléctricamente la etapa de potencia de la etapa de control a través de optoacopladores, para las señales de disparo utilizamos 6N136 los cuales funcionan hasta 1[Mhz] y para la señal que habilita y deshabilita los drivers utilizamos el PC817.



Para no sobrecargar el transistor de salida calculamos la  $R_c$ 

### Donde

- $V_{cc} = 15[V]$   $I_{c(6N136)} = 4.5[mA]$   $I_{c(PC817)} = 1[mA]$

$$R_{c(6N136)} = \frac{V_{cc}}{I_{c(6N136)}} \approx 3.3[k\Omega]$$
$$R_{c(PC817)} = \frac{V_{cc}}{I_{c(PC817)}} \approx 15[k\Omega]$$

#### Detector de cruce por cero

Calculamos los divisores resistivos para no sobrepasar la tensión de entrada del comparador fijando la tensión de comparación en  $V_c = 10[V]$  y  $R_{14} = R_{16} = 1[M\Omega]$ .

$$I_{S} = \frac{311 - 10}{1 * 10^{6}} = 301[\mu A]$$
$$R_{15} = R_{17} = \frac{10}{301 * 10^{-6}} = 33.2[k\Omega]$$

Cálculo de R<sub>c</sub> de LM311

$$R_{c} = R_{23} = \frac{15}{20 * 10^{-3}} = 750[\Omega] \approx 680[\Omega]$$

Calculo  $R_c$  de 6n136

$$R_c = R_{25} = \frac{5}{8 * 10^{-3}} = 714 \ [\Omega] \approx 680 \ [\Omega]$$



## Cálculo de las pérdidas en los semiconductores

Aunque la eficiencia del circuito es alta por conmutar a baja corriente, esta no es cero como se esperaría y siempre existen pérdidas, las cuales se determinarán a continuación.

### IGBT

Las pérdidas en un IGBT pueden dividirse en las correspondientes al IGBT (que se dividen en encendido, apagado y conducción) y las correspondientes al diodo de marcha libre (subdividiéndose en apagado y conducción). Estas pérdidas son debidas a que ningún dispositivo semiconductor puede conmutar de encendido a apagado de forma instantánea, ni tampoco tener una caída de tensión igual a cero al conducir grandes corrientes. Las siguientes formulas se han extraído de [22, pp. 20-20].

Pérdidas de conducción

Se calculan de la misma forma que para los diodos del puente rectificador, donde

$$V_F = 1.7[V]$$
  
 $I = 17[A]$   
 $P_F = 57.8[W]$ 

Pérdidas en el encendido

$$E_{on} = \frac{1}{2} V_{cc} I_{sw} t_{on}$$
$$t_{on} = t_{d(on)} + t_r$$

Donde

- $t_{d(on)} = 45[ns]$
- $t_r = 100[ns]$
- $I_{sw} = 9.72[A]$
- $V_{cc} = 273.3[V]$

$$P_{on} = E_{on} f_s$$
$$P_{on} = 4.58[W]$$

Pérdidas en el apagado

$$E_{off} = \frac{1}{2} V_{cc} I_{sw} t_{off}$$
$$t_{off} = t_{d(off)} + t_{f}$$

Donde

- $t_{d(off)} = 80[ns]$
- $t_f = 600[ns]$

$$P_{off} = E_{off} f_s$$
$$P_{off} = 21.5[W]$$

Pérdidas totales de conmutación

$$P_{sw} = 4 * (P_{on} + P_{off})$$
$$P_{sw} = 104.3[W]$$

Cálculo de disipador

$$Rth_{d-a} = \frac{T_j - Ta}{P} - (Rth_{j-c} + Rth_{c-d})$$

Donde

 $T_{j}[^{\circ}C]$  es la temperatura de juntura P[W] es la potencia disipada por el componente  $Rth_{j-c}[^{\circ}C/W]$  es la resistencia juntura-carcasa  $Rth_{c-d}[^{\circ}C/W]$  es la resistencia carcasa-disipador  $T_{a}[^{\circ}C]$  es la temperatura ambiente de trabajo

$$Rth_{d-a} = 0.41[°C/W]$$

Se seleccionó un único disipador que contiene los cuatro IGBT y su resistencia térmica debe ser menor a 0.41[°C/W] ya que no se calculó la potencia que disipan los diodos de marcha libre.

## Anexo B – Mediciones y Diseños preliminares

## Diseño de una bobina de una sola capa

Partimos del portaherramientas que se utilizó para la bobina de múltiples capas, dejando el mismo espaciado de 5[*mm*]. Esta bobina no necesitaría de una estructura como la que ofrece un carretel, ya que se utilizaría caño de cobre rígido de  $\frac{1}{4}$ ", el cual es utilizado típicamente en sistemas de refrigeración, además, por ser un caño hueco se puede refrigerar con agua.

En este tipo de diseños de bobinas se consta de una sola capa con un espaciado entre cada vuelta para evitar cortocircuitos.

Este conductor tiene una resistencia de

$$R_e = 0.0171 \left[ \Omega \frac{mm^2}{m} \right]$$

Siguiendo estos criterios la bobina final es



Figura 66: Representación en vistas con cotas de la bobina de una sola capa

Figura 67: Representación 3D de la bobina de una sola capa

### Cantidad de vueltas y resistencia de la bobina

Conociendo la longitud de la bobina y el espesor del conductor, en búsqueda de un espaciado aceptable definimos 5 vueltas, de esta forma el espaciado es  $\Delta d = 2[mm]$ .

Para calcular la resistencia primero calculamos la longitud del conductor.

$$L = 8 * 0.056 * \pi \approx 0.88[m]$$

Con este dato podemos obtener la resistencia que tendrá la bobina.

$$R_{b} = 0.00057[\Omega]$$

### Capacitancia

Con el objetivo de alejarnos de la frecuencia crítica seleccionaremos una frecuencia de f = 17[kHz] y tomaremos la inductancia calculada con ANSYS para la bobina sin portaherramientas de 1.28[uH], teniendo así un valor de capacitancia de

$$C = \frac{1}{\omega_n^2 L} \approx 68.5 [\mu F]$$

#### Cálculo de la resistencia equivalente

Aproximación de la resistencia equivalente.

Los valores de resistividad y permeabilidad utilizados respectivamente

$$\rho = 22.66 * 10^{-8} \left[\frac{\Omega}{\mathrm{m}}\right]$$

 $\mu_r = 1.1$ 

Teniendo los siguientes valores

$$l_{c} = 35[mm]$$
  

$$S = 3.621 * 10^{-3} [m^{2}]$$
  

$$R_{S} = \frac{\rho}{\delta} = 0.000129 [\Omega]$$
  

$$K_{R} = 1 - e^{-\frac{2r}{\delta}} = 0.999997$$
  

$$N = 5$$

Entonces

$$R_{eq} = 0.0095[\Omega]$$

#### Factor de calidad Q

Con los valores de  $R_{ea}$  y L el factor de calidad es igual a

$$Q = \frac{L\omega}{R_{eq}} = 14.4$$

El factor de calidad es mayor comparado con el de una bobina de muchas vueltas, y esto se debe a la baja resistencia equivalente. Sin embargo, una resistencia tan baja implica utilizar una corriente demasiado elevada.

### Corriente máxima

Teniendo el valor de la resistencia equivalente y la potencia que necesitamos entregarle a la pieza, podemos calcular la corriente en la bobina.

$$I = \sqrt{\frac{P_e}{R_{eq}}} \approx 562[A]$$

Debido a esta elevada corriente y el gran valor de capacidad para trabajar con la frecuencia deseada se optó por otro diseño de bobina de inducción.

## Medición de la inductancia de la bobina de calentamiento

Una vez construida la bobina de inducción multicapa, el método para la medición de la inductancia consta en crear un circuito resonante LC paralelo y conectar una resistencia en serie como se ve en la Figura 68, a este circuito le inyectamos un escalón de tensión y observamos las oscilaciones generadas en el tanque LC paralelo.



### Figura 68: Circuito de medición de la inductancia

Para este método necesitamos conocer el valor de la capacitancia y tener un instrumento para medir la frecuencia de oscilación, en nuestro caso contamos con un capacímetro y para la frecuencia se utilizó un osciloscopio *"Hantek DSO4102C"*.

En el osciloscopio se observa una señal sinusoidal amortiguada.

Con la siguiente expresión para el cálculo.

$$L = \frac{1}{C} \left( \frac{1}{2\pi f} \right)^2$$

Tabla 13: Valores empíricos de la inductancia de la bobina sin portaherramientas

Inductancia	Frecuencia medida	Capacidad	Observaciones
14.32[ <i>uH</i> ]	133[ <i>KHz</i> ]	100[ <i>nF</i> ]	MKP
15.36[ <i>uH</i> ]	40.6[ <i>KHz</i> ]	1[uF]	Cerámico
14.85[ <i>uH</i> ]	29.2[ <i>KHz</i> ]	2[ <i>uF</i> ]	Cerámico

El valor de inductancia medio es

$$L_{med} \approx 14.85[uH]$$

Tabla 14: Valores empíricos de inductancia de la bobina prototipo con portaherramientas

Inductancia	Frecuencia medida	Capacidad	Observaciones
11.72[ <i>uH</i> ]	147[ <i>KHz</i> ]	100[ <i>nF</i> ]	MKP
15.14[ <i>uH</i> ]	40.9[ <i>KHz</i> ]	1[uF]	Cerámico
16.27[ <i>uH</i> ]	27.9[KHz]	2[ <i>uF</i> ]	Cerámico

Vemos que los valores varían con la frecuencia de resonancia que se tiene, esto concuerda con la teoría, donde si bien por intuición tenderíamos a pensar que un material ferromagnético que se introduce como núcleo en una inductancia aumenta su valor. No ocurre así debido al camino magnético que depende de la frecuencia, esto se lo explica de mejor manera en [10, pp. 10-10].

Como el valor obtenido de permeabilidad difiere demasiado del valor teórico, pensamos que además de este fenómeno el valor teórico utilizado es erróneo. Luego, estimamos empíricamente un valor de permeabilidad de  $\mu_r \approx 1.1$  para una frecuencia de 28[KHz]. El cual será utilizado en los cálculos del *"Capítulo 2: Desarrollo".*